

# Измерение сечения процесса $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$ на детекторе КМД-2 в диапазоне энергий 370–520 МэВ

*В. М. Аульченко<sup>1)\*</sup>, Р. Р. Ахметшин<sup>1+</sup>, В. Ш. Банзаров<sup>1</sup>, Л. М. Барков<sup>1,\*</sup>, Н. С. Баштовой<sup>1</sup>, Д. В. Бондарев<sup>1,\*</sup>,  
А. Е. Бондарь<sup>1</sup>, А. В. Брагин<sup>1</sup>, Н. И. Габышев<sup>1</sup>, Д. А. Горбачёв<sup>1</sup>, А. А. Гребенюк<sup>1</sup>, Д. Н. Григорьев<sup>1,\*</sup>,  
С. К. Джаван<sup>1)□</sup>, Д. А. Епифанов<sup>1</sup>, А. С. Зайцев<sup>1,\*</sup>, С. Г. Зверев<sup>1</sup>, Ф. В. Игнатов<sup>1</sup>, В. Ф. Казанин<sup>1,\*</sup>, С. В. Карпов<sup>1</sup>,  
И. А. Кооп<sup>1,\*</sup>, П. П. Кроковский<sup>1,\*</sup>, А. С. Кузьмин<sup>1,\*</sup>, И. Б. Логашенко<sup>1)△</sup>, П. А. Лукин<sup>1,\*</sup>, А. П. Лысенко<sup>1</sup>,  
А. И. Мильштейн<sup>1,\*</sup>, К. Ю. Михайлов<sup>1</sup>, И. Н. Нестеренко<sup>1,\*</sup>, М. А. Никулин<sup>1</sup>, А. В. Отбоев<sup>1</sup>, В. С. Охапкин<sup>1</sup>,  
Е. А. Переведенцев<sup>1,\*</sup>, А. С. Попов<sup>1</sup>, С. И. Редин<sup>1</sup>, Б. Л. Робертс<sup>1)△</sup>, Н. И. Роот<sup>1</sup>, А. А. Рубан<sup>1</sup>,  
Н. М. Рысколов<sup>1</sup>, А. Л. Сибиданов<sup>2)++</sup>, В. А. Сидоров<sup>1</sup>, А. Н. Скрипинский<sup>1</sup>, В. П. Смахтин<sup>1)×</sup>, И. Г. Снопков<sup>1</sup>,  
Е. П. Солодов<sup>1,\*</sup>, [Д. А. Томпсон<sup>1)∇</sup>, Г. В. Федотович<sup>1,\*</sup>, Б. И. Хазин<sup>1,\*</sup>, [В. В. Хьюз<sup>1)□</sup>, А. Г. Шамов<sup>1</sup>,  
Ю. М. Шатунов<sup>1</sup>, Б. А. Шварц<sup>1,\*</sup>, С. И. Эйдельман<sup>1,\*</sup>, Ю. В. Юдин<sup>1</sup>*

<sup>1</sup>Институт ядерной физики им. Г.И. Буддера Сибирского отд. РАН, 630090 Новосибирск, Россия

<sup>\*</sup>Новосибирский государственный университет, 630090 Новосибирск, Россия

<sup>△</sup>Boston University, MA 02215 Boston, USA

<sup>□</sup>Yale University, CT 06511 New Haven, USA

<sup>∇</sup>University of Pittsburgh, PA 15260 Pittsburgh, USA

<sup>×</sup>Weizmann Institute of Science, 76100 Rehovot, Israel

Поступила в редакцию 18 сентября 2006 г.

Представлены результаты эксперимента по измерению сечения процесса  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$  в диапазоне энергий 370–520 МэВ в системе центра масс. Систематическая ошибка измерений составила 0.7%. В модели векторной доминантности, используя все данные КМД-2 по формфактору пиона, вычислен его электромагнитный радиус. Измерено сечение рождения пары мюонов в области энергий эксперимента.

PACS: 13.25.–k, 13.40.Gp, 13.66.–a, 29.30.–h

**Введение.** Изучение процесса  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$  дает важную информацию об электромагнитном формфакторе пиона, который описывает его внутреннюю структуру и предсказывается различными теоретическими моделями. Измерение сечения этой реакции с высокой точностью необходимо для уточнения величины адронного вклада в аномальный магнитный момент мюона, который в первом порядке теории возмущений дается дисперсионным интегралом [1]:

$$a_\mu^{\text{had},\text{LO}} = \frac{m_\mu^2}{12\pi^3} \int_{4m_\pi^2}^\infty ds \frac{\sigma^0(e^+e^- \rightarrow \text{hadrons}) \hat{K}(s)}{s}, \quad (1)$$

где  $\hat{K}(s)$  – функция, монотонно растущая от значения 0.63 на пороге рождения пары пионов  $s = 4m_\pi^2$  до 1 при  $s \rightarrow \infty$ , где  $s$  – квадрат полной энергии в

системе центра масс. Так как ядро  $\hat{K}(s)/s$  в интегrale усиливает вклад малых энергий, особенно важную роль играет прецизионное измерение сечения процесса  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$ , доминирующего в полном сечении при энергии ниже 1 ГэВ. Кроме того, указанное сечение необходимо при проверке соотношений между спектральными функциями двух пионов в  $e^+e^-$  аннигиляции и распадах  $\tau$ -лептона, основанных на сохранении векторного тока и  $SU(2)$ -симметрии [2].

Анализируемые экспериментальные данные были набраны на электрон-позитронном накопителе ВЭПП-2М [3] с детектором КМД-2 [4] в 10 точках по энергии в диапазоне от 370 до 520 МэВ в с.ц.м. Интеграл светимости составил  $56 \text{ nb}^{-1}$ . За время проведения эксперимента на магнитные ленты было записано более миллиона событий.

Универсальный криогенный магнитный детектор (КМД-2) [4] состоит из трековой системы, цилиндрического и торцевого электромагнитных калориметров на основе кристаллов CsI и BGO, соответственно, и мюонной пробежной системы. Трековая система

<sup>1)</sup>S. K. Dhawan, B. L. Roberts, J. A. Thompson, V. W. Hughes.  
<sup>2)</sup>e-mail: A.L.Sibidanov@inp.nsk.su

состоит из дрейфовой камеры с ячейками струйного типа и двухслойной пропорциональной  $Z$ -камеры, помещенных внутри тонкого сверхпроводящего соленоида с полем 1 Тл.

В эксперименте использовались два независимых триггера – “заряженный” и “нейтральный”. “Заряженный” триггер требовал наличия хотя бы одного трека в дрейфовой камере, а “нейтральный” использовал информацию об энергии и положении кластеров в цилиндрическом калориметре CsI.

**Отбор коллинеарных событий.** Из записанных на ленты событий было отобрано  $1.1 \cdot 10^5$  коллинеарных событий, удовлетворяющих следующим требованиям:

- в событии сработал “заряженный” триггер;
- в дрейфовой камере найдены две частицы с разными знаками зарядов;
- $\rho_{1,2} < 0.3$  см, где  $\rho$  – прицельный параметр относительно оси пучков;
- $|Z_{1,2}| < 7$  см, где  $Z$  – координата трека в точке, ближайшей к оси пучков;
- $|\Delta\phi| = |\pi - |\phi_1 - \phi_2|| < 0.15$ , где  $\phi$  – азимутальный угол трека;
- $|\Delta\theta| = |\pi - (\theta_1 + \theta_2)| < 0.25$ , где  $\theta$  – полярный угол трека;
- значение импульсов конечных частиц  $P < 350$  МэВ/с, а поперечный импульс каждой частицы  $P \times \sin\theta > 90$  МэВ/с. Последнее условие обеспечивает постоянную эффективность срабатывания “заряженного” триггера. При меньших импульсах эффективность начинает падать;
- “средний” полярный угол вылета двух частиц  $\theta_{\text{aver}} = (\pi + \theta_2 - \theta_1)/2$  лежит в диапазоне  $\theta_{\min} < \theta_{\text{aver}} < \pi - \theta_{\min}$ , где  $\theta_{\min} = 1.1$ . При этом вклад в систематическую ошибку величины этого параметра практически полностью определяется точностью измерения координат точек пересечения частиц с  $Z$ -камерой. Ненопределенность положения вершины практически не влияет на точность параметра.

В небольшом количестве событий восстанавливается более двух частиц. Как правило, это связано с некорректной работой алгоритма реконструкции треков в дрейфовой камере либо с обратным вылетом частиц из калориметра в дрейфовую камеру. В этих

случаях проверялись все возможные пары частиц с противоположными знаками зарядов, и событие принималось, если хотя бы одна из них удовлетворяла условиям отбора.

**Разделение событий.** Разделение отобранных коллинеарных событий основано на информации об импульсах частиц, измеренных в трековой системе детектора. Двухмерное распределение  $P_+$  от  $P_-$  при энергии  $\sqrt{s} = 2 \times 195$  МэВ показано на рис.1. Видны четко выраженные области, где концентриру-

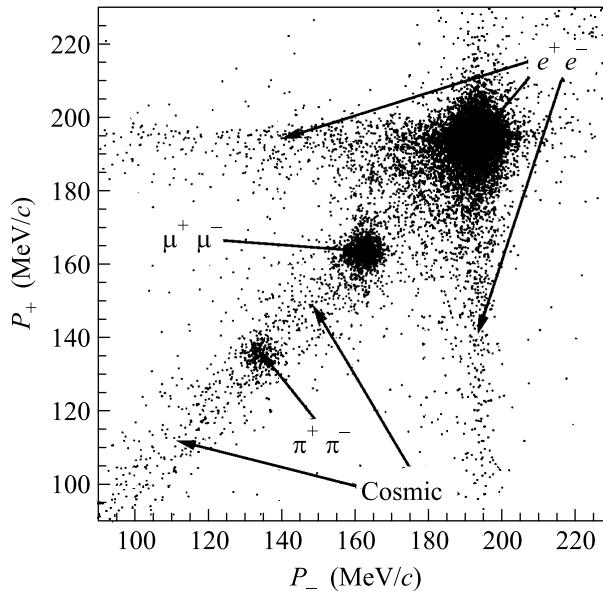


Рис.1. Двухмерное импульсное распределение экспериментальных данных на энергии 195 МэВ

ются электроны, мюоны и пионы, а также сгущение событий вблизи диагонали гистограммы, обусловленное фоном космических частиц.

Количество частиц каждого типа определяется при минимизации функции максимального правдоподобия, которая записывается в виде

$$\mathcal{L} = - \sum_{\text{events}} \ln \left( \sum_i w_i \cdot f_i(P_-, P_+) \right), \quad \sum_i w_i = 1, \quad (2)$$

где  $f_i(P_-, P_+)$  – плотность вероятности для конечных состояний типа  $i$  (электроны, мюоны, пионы и космический фон) иметь измеренные импульсы  $P_-$  и  $P_+$  в трековой системе, а  $w_i = N_i/N_{\text{tot}}$  – доля событий каждого типа от общего числа событий.

На рис.2 представлена, в виде примера, проекция двухмерной аппроксимации на импульс отрицательно заряженной частицы при энергии пучка 195 МэВ.

В результате процедуры разделения было получено, что отобранные коллинеарные события состоят из: 95066 событий процесса  $e^+ e^- \rightarrow e^+ e^-$ , 9000 –

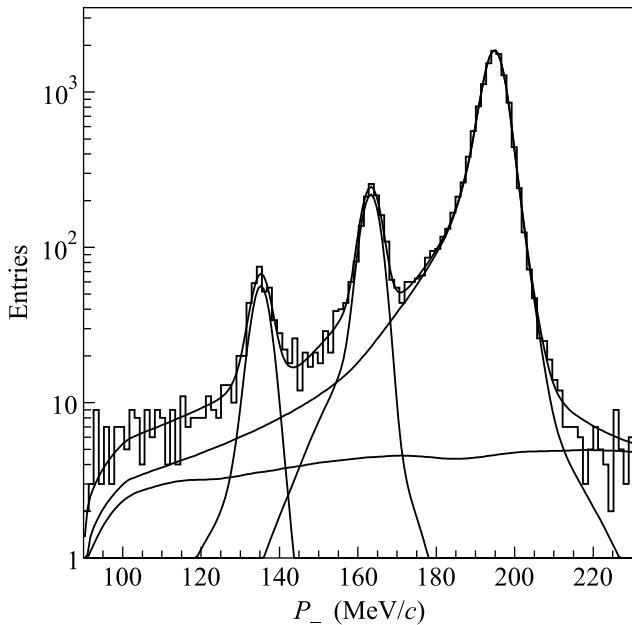


Рис.2. Проекция двухмерной аппроксимации импульсного распределения экспериментальных событий. Кривыми показаны вклады электронов, мюонов, пиона и фона космических частиц, полученные в результате процедуры разделения событий

$e^+e^- \rightarrow \mu^+\mu^-$ , 4053 –  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$  и 4632 событий фона космических лучей.

**Определение формфактора пиона.** Сечение процесса  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$  может быть записано как

$$\sigma_{\pi^+\pi^-}^B(s) = \sigma_{\pi^+\pi^-}^{\text{P.L.}}(s) \cdot |F_\pi(s)|^2, \quad (3)$$

где  $\sigma_{\pi^+\pi^-}^{\text{P.L.}}(s)$  – сечение рождения пары точечных пионов в рамках скалярной электродинамики, а  $F_\pi(s)$  – электромагнитный формфактор. Следует отметить, что эффекты поляризации вакуума включены в формфактор, и в случае расчета дисперсионного интеграла (1) необходимо вычесть этот вклад, а также добавить вклад процесса с излучением фотона конечными пионами [5]:

$$\sigma_{\pi^+\pi^-(\gamma)}^0(s) = \sigma_{\pi^+\pi^-}^B(s) \cdot \lambda(s) \cdot |1 - \Pi(s)|^2, \quad (4)$$

где  $\lambda(s)$  – поправка на излучение фотонов конечными пионами,  $\Pi(s)$  – поляризационный оператор промежуточного фотона.

Квадрат формфактора  $|F_\pi(s)|^2$  определяется из экспериментальных данных следующим образом:

$$|F_\pi|^2 = \frac{N_{\pi\pi}}{N_{ee} + N_{\mu\mu}} \frac{\sigma_{ee}^B(1 + \delta_e)\varepsilon_e(1 - \Delta_B) + \sigma_{\mu\mu}^B(1 + \delta_\mu)\varepsilon_\mu}{\sigma_{\pi\pi}^B(1 + \delta_\pi)(1 + \Delta_{H\&D})\varepsilon_\pi}, \quad (5)$$

где  $N_{ee}$ ,  $N_{\mu\mu}$ ,  $N_{\pi\pi}$  – числа электронов, мюонов и пионов, полученные в результате процедуры разделения

событий,  $\sigma_{ee}^B$ ,  $\sigma_{\mu\mu}^B$ ,  $\sigma_{\pi\pi}^B$  – борновские сечения соответствующих процессов,  $\delta_e$ ,  $\delta_\mu$ ,  $\delta_\pi$  – радиационные поправки к сечениям при выбранных условиях отбора,  $\Delta_{H\&D}$  – поправка, учитывающая потерю пионов в результате ядерных взаимодействий с веществом детектора и их распады на лету в трековой системе,  $\varepsilon_e$ ,  $\varepsilon_\mu$ ,  $\varepsilon_\pi$  – эффективности регистрации, определяемые триггером и алгоритмом программы реконструкции треков заряженных частиц,  $\Delta_B$  – поправка, связанная с тормозным излучением электронов на вакуумной трубе в веществе детектора.

Сечение рождения пары мюонов  $\sigma_{\mu\mu}^B$ , в первом порядке по  $\alpha$ , вычисляется точно в рамках квантовой электродинамики. Сравнение расчетного и измеренного в эксперименте сечений является проверкой как точности процедуры разделения событий, так и точности вычисления радиационных поправок, которые используются при его вычислении.

Сечение процесса  $e^+e^- \rightarrow \mu^+\mu^-$  определяется из экспериментальных данных при помощи следующего выражения:

$$\sigma_{\mu\mu}^{\text{exp}} = \frac{N_{\mu\mu}}{N_{ee}} \frac{\sigma_{ee}^B(1 + \delta_e)\varepsilon_e(1 - \Delta_B)}{(1 + \delta_\mu)\varepsilon_\mu}, \quad (6)$$

где  $N_{\mu\mu}/N_{ee}$  – экспериментальное отношение чисел мюонов и электронов, полученное при разделении событий. При корректном анализе отношение экспериментального сечения к теоретическому  $R_\mu = \sigma_{\mu\mu}^{\text{exp}}/\sigma_{\mu\mu}^{\text{theory}}$  должно равняться 1 с точностью до экспериментальных неопределенностей.

**Оценка систематических ошибок.** В табл.1 приведены различные вклады в систематическую ошибку измерения формфактора пиона. Ошибка метода разделения событий определялась по разнице числа событий, полученных в этом методе и заложенных в моделирование. Ошибка в измерении телесного угла оценивалась из точности измерения продольной координаты трека в Z-камере детектора. Эффективность реконструкции измерялась отдельно для каждого типа частиц и составила для электронов –  $96.5 \pm 0.1\%$ , мюонов –  $96.4 \pm 0.3\%$  и пионов –  $97.1 \pm 0.4\%$ . При определении формфактора важна лишь средняя разница между эффективностями, которая и бралась как оценка систематической ошибки. Потери пионов от ядерных взаимодействий в веществе детектора и распады в объеме дрейфовой камеры определялись из полного моделирования детектора КМД-2 [6]. Точность ядерных сечений для низкоэнергетичных пионов в пакете FLUKA [7], использовавшимся в моделировании, определяет систематическую ошибку потерь пионов. Радиационные поправки рассчитывались на основе работы [8], де-

кларируемая точность которой лучше 0.2% для каждого процесса. Точность определения энергии пучков в накопителе составляет  $\Delta E/E \sim 10^{-3}$ , что приводит к ошибке в формфакторе пиона 0.3%. Тормозное излучение на вакуумной трубе и веществе детектора приводит к тому, что электроны могут потерять значительную долю энергии и часть событий Баба рассеяния не попадет в условия отбора. Точность этой поправки ограничивается знанием количества вещества, с которым взаимодействуют электроны.

Таблица 1

## Вклады в систематическую ошибку

Источник ошибки	Ошибка, %
Метод разделения событий	0.4
Телесный угол	0.2
Эффективность реконструкции	0.2
Потери пионов	0.2
Радиационные поправки	0.3
Калибровка энергии ускорителя	0.3
Тормозное излучение	0.05
Всего	0.7

**Обсуждение результатов.** После процедуры разделения событий и учета поправок в каждой энергетической точке были получены экспериментальные значения сечения процесса  $e^+e^- \rightarrow \mu^+\mu^-$  и формфактора пиона, а также пионное сечение для вычисления дисперсионного интеграла (1). Эти значения представлены в табл. 2.

Полученное отношение  $R_\mu = \sigma_{\mu\mu}^{\text{exp}}/\sigma_{\mu\mu}^{\text{theory}}$  показано на рис.3. Разница экспериментального значения и его теоретического расчета, в среднем по всем энергиям, составила  $2.0 \pm 1.3_{\text{stat}} \pm 0.7_{\text{syst}} \%$ . На данный момент – это первое прямое сравнение экспериментальных данных и теоретических расчетов на уровне 1% в области низких энергий.

Для определения величины электромагнитного радиуса пиона  $\langle r_\pi^2 \rangle$  зависимость формфактора от энергии описывалась совместно с другими данными КМД-2 [9, 10]. Для описания экспериментальных данных использовалась модель из предыдущей работы КМД-2 по измерению формфактора пиона в районе  $\rho$ -мезона [9].

На рис.4 приведены измеренные значения пионного формфактора, полученные в данной работе и в предыдущих экспериментах [11–15]. Данные экспериментов на встречных электрон-позитронных пучках находятся в хорошем согласии друг с другом – среднее расхождение не превышает 1.5 стандарт-

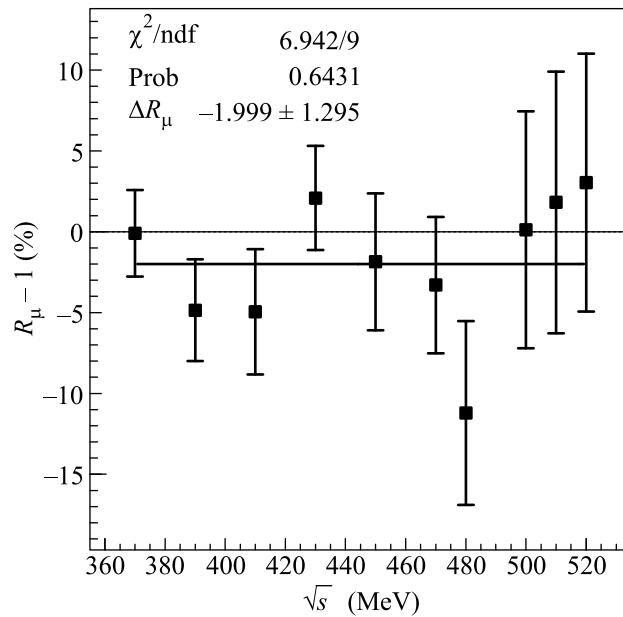
Рис.3. Отношение экспериментального сечения рождения мюонов к теоретическому расчету  $R_\mu$ 

Таблица 2

Сечение процесса  $e^+e^- \rightarrow \mu^+\mu^-$ , электромагнитный формфактор заряженного пиона  $|F_\pi|^2$  и сечение процесса  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$  для вычисления дисперсионного интеграла (1). Показаны только статистические ошибки

$E$ , МэВ	$\sigma_{\mu\mu}^{\text{Born}}, \text{нб}$	$ F_\pi ^2$	$\sigma_{\pi\pi(\gamma)}^0, \text{нб}$
185	$605 \pm 16$	$2.05 \pm 0.12$	$91.8 \pm 5.6$
195	$523 \pm 17$	$1.83 \pm 0.12$	$89.0 \pm 5.9$
205	$476 \pm 19$	$1.98 \pm 0.14$	$100.0 \pm 7.0$
215	$468 \pm 14$	$2.52 \pm 0.11$	$129.7 \pm 5.9$
225	$412 \pm 17$	$2.69 \pm 0.15$	$138.5 \pm 7.5$
235	$373 \pm 16$	$2.83 \pm 0.14$	$144.2 \pm 7.3$
240	$329 \pm 21$	$3.02 \pm 0.20$	$152.4 \pm 10.3$
250	$343 \pm 25$	$3.24 \pm 0.24$	$160.2 \pm 11.7$
255	$336 \pm 26$	$3.83 \pm 0.25$	$186.6 \pm 12.4$
260	$327 \pm 25$	$3.52 \pm 0.21$	$169.2 \pm 10.3$

ных отклонений, тогда как с экспериментом NA7 оно составляет почти 4 стандартных отклонения.

Электромагнитный радиус пиона зависит от поведения формфактора при малых переданных импульсах:

$$\langle r_\pi^2 \rangle = 6 \left. \frac{dF_\pi(s)}{ds} \right|_{s=0}.$$

Его величина, полученная на основе аппроксимации формфактора в точку  $s = 0$ , составила

$$\langle r_\pi^2 \rangle = 0.4219 \pm 0.0010 \pm 0.0012 \text{ фм}^2,$$

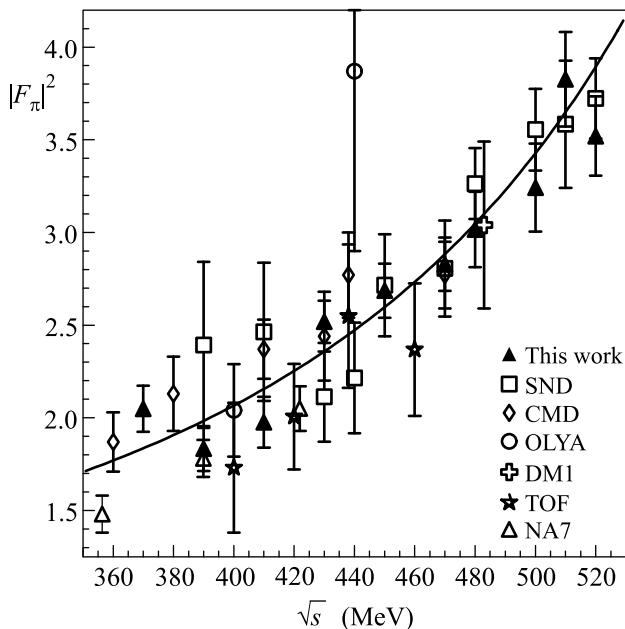


Рис.4. Сравнение с другими экспериментами. Кривая – аппроксимация данных КМД-2

где первая ошибка – статистическая, а вторая – систематическая. Это значение хорошо согласуется с результатом, полученным в работе [14],  $\langle r_\pi^2 \rangle = 0.422 \pm 0.003 \pm 0.013 \text{ фм}^2$ . Хорошее согласие наблюдается также с результатами эксперимента NA7 в пространственноподобной области [16],  $\langle r_\pi^2 \rangle = 0.439 \pm 0.008 \text{ фм}^2$ .

Адронный вклад в  $a_\mu^{\text{had},\text{LO}}$  от диапазона 390–520 МэВ, вычисленный по формуле (1) на основе полученных в данной работе значений  $\sigma_{\pi\pi(\gamma)}^0$ , составляет  $(46.17 \pm 0.98 \pm 0.32) \cdot 10^{-10}$ . Эта величина в пределах ошибок согласуется со значением  $(48.72 \pm 1.45 \pm 1.51) \cdot 10^{-10}$ , вычисленным по данным экспериментов [12, 14], и точнее его в два раза.

**Заключение.** В данной работе представлены результаты измерения сечения процесса  $e^+e^- \rightarrow \pi^+\pi^-$  в диапазоне энергий 370–520 МэВ в с.ц.м. Проведена прямая проверка предсказания КЭД для сечения рождения пары мюонов. Электромагнитный формфактор заряженного пиона измерен с лучшей в мире статистической и систематической точностью на экспериментах со встречными электрон-позитронными пучками. С использованием всех данных по формфакто-

ру пиона, полученных на детекторе КМД-2, определен его электромагнитный радиус.

Работа поддержана Российским фондом фундаментальных исследований, гранты # 03-02-16477, # 03-02-16280, # 04-02-16217, # 04-02-16223, # 04-02-16434 и # 06-02-16156.

1. T. Kinoshita, B. Nižić, and Y. Okamoto, Phys. Rev. D **31**, 2108 (1985).
2. M. Davier, S. Eidelman, A. Höcker, and Z. Zhang, Eur. Phys. J. C **31**, 503 (2003).
3. B. B. Анашин, И. Б. Вассерман, В. Г. Вещеревич и др., Препринт ИЯФ 84-114, Новосибирск, 1984.
4. Э. В. Анашкин, В. М. Аульченко, Р. Р. Ахметшин и др., ПТЭ **5**, 1 (2006).
5. A. Hoefer, J. Gluza, and F. Jegerlehner, Eur. Phys. J. C **24**, 51 (2002).
6. E. V. Anashkin, A. E. Bondar, N. I. Gabyshev et al., Preprint INP **99-1**, Novosibirsk, 1999.
7. A. Fassó, A. Ferrari, S. Roesler et al., eConf. **C0303241**, МОМТ005 (2003).
8. A. B. Arbuzov, G. V. Fedotovich, F. V. Ignatov et al., Eur. Phys. J. C **46**, 689 (2006); A. B. Arbuzov, G. V. Fedotovich, F. V. Ignatov et al., Preprint INP **2004-70**, Novosibirsk, 2004.
9. R. R. Akhmetshin, E. V. Anashkin, A. B. Arbuzov et al., Phys. Lett. B **527**, 161 (2002); R. R. Akhmetshin, E. V. Anashkin, A. B. Arbuzov et al., Phys. Lett. B **578**, 285 (2004).
10. V. M. Aulchenko, R. R. Akhmetshin, V. Sh. Banzarov et al., JETP Lett. **82**, 743 (2005).
11. A. Quenzer, M. Ribes, F. Rumpf et al., Phys. Lett. B **76**, 512 (1978).
12. I. B. Vasserman, P. M. Ivanov, G. Ya. Kezerashvili et al., Yad. Fiz. **33**, 709 (1981).
13. S. R. Amendolia, B. Badelek, G. Batignani et al., Phys. Lett. B **138**, 454 (1984).
14. L. M. Barkov, A. G. Chilingarov, S. I. Eidelman et al., Nucl. Phys. B **256**, 365 (1985).
15. M. N. Achasov, K. I. Beloborodov, A. V. Berdyugin et al., J. Exp. Theor. Phys. **101**, 1053 (2005); M. N. Achasov, K. I. Beloborodov, A. V. Berdyugin et al., [arXiv:hep-ex/0604052].
16. S. R. Amendolia, M. Arik, B. Badelek et al., Nucl. Phys. B **277**, 168 (1986).