

О НЕКОТОРЫХ ОСОБЕННОСТЯХ ПОВЕДЕНИЯ РЕЛЯТИВИСТСКОЙ ПЛАЗМЫ С АНИЗОТРОПНЫМ РАСПРЕДЕЛЕНИЕМ ЭЛЕКТРОНОВ ПО СКОРОСТЯМ

Г. М. Заславский, С. С. Моисеев

Исследуется характер циклотронной и аperiodической неустойчивости в релятивистской плазме. Показано, что устойчивость релятивистской плазмы по отношению к циклотронному резонансу и к аperiodической неустойчивости повышается по сравнению с нерелятивистской плазмой.

Вопрос о поведении и устойчивости нерелятивистской плазмы с анизотропным распределением скоростей исследовался в ряде работ (см., например, [1-3]). Такие особенности релятивистской плазмы, как рост излучения в магнитном поле, зависимость массы частиц от скорости, резкий обрыв «хвоста» распределения по скоростям ($v \sim c$), позволяют ожидать определенных изменений в поведении плазмы. Например, циклотронная неустойчивость [2] зависит от формы «хвоста» функции распределения. Ниже рассматриваются в кинетическом приближении некоторые свойства релятивистской плазмы при наличии анизотропии в распределении скоростей.

1. Циклотронная неустойчивость релятивистской плазмы

Исследуем вопрос о циклотронной неустойчивости плазмы с релятивистскими электронами в постоянном магнитном поле \mathbf{H}_0 . нас будут интересовать процессы с характерными частотами

$$\operatorname{Re} \omega \gg 1/\tau_D, \quad (1)$$

где τ_D — время рассеяния при соударениях. При рассеянии релятивистских электронов на нерелятивистских частицах из результатов Беляева и Будкера [4] легко получить

$$\tau_D = m^2 v^3 \gamma^2 / 8\pi (ee')^2 L n', \quad (2)$$

где e, m, v — заряд, масса и скорость электронов; e', n' — заряд и плотность нерелятивистских частиц; L — кулоновский логарифм; $\gamma = (1 - v^2/c^2)^{-1/2}$.

Заметим также, что последовательный учет магнитотормозного излучения привел бы к задаче об устойчивости нестационарных состояний (при этом, в частности, нельзя было бы искать поправку к функции распределения с зависимостью от времени только в виде $e^{i\omega t}$). Однако, как видно будет из дальнейшего, циклотронная неустойчивость в практически интересных случаях возникает при частотах, для которых

$$\operatorname{Re} \omega \gg 1/\tau_{\text{изл}}, \quad (3)$$

где время магнитотормозного излучения $\tau_{\text{изл}}$ при $\gamma^2 \gg 1$ равно

$$\tau_{\text{изл}} = 3m^3 c^7 / 2e^4 H_0^2 v_{\perp}^2 \gamma \quad (\mathbf{v}_{\perp} \perp \mathbf{H}_0). \quad (4)$$

Неравенство (3) позволяет исследовать условия возникновения циклотронной неустойчивости без учета излучения. При этом характер развития неустойчивости будет зависеть от соотношения между $\tau_{\text{изл}}$ и $1/\operatorname{Im} \omega$.

Релятивистское кинетическое уравнение для функции распределения электронов $f(t, \mathbf{r}, \mathbf{p})$ в предположениях (1) и (3) имеет вид

$$\frac{\partial f}{\partial t} + \mathbf{v} \frac{\partial f}{\partial \mathbf{r}} + \left\{ e\mathbf{E} + \frac{e}{c} [\mathbf{v}(\mathbf{H}_0 + \mathbf{H})] \right\} \frac{\partial f}{\partial \mathbf{p}} = 0. \quad (5)$$

Здесь \mathbf{E} и \mathbf{H} — поля волны возмущения, равные

$$\mathbf{E} = \mathbf{E}^0 e^{i(\mathbf{k}\mathbf{r} - \omega t)}; \quad \mathbf{H} = \mathbf{H}^0 e^{i(\mathbf{k}\mathbf{r} - \omega t)}. \quad (5')$$

Решение уравнения (5) ищем в виде $f = \hat{f}_0 + \hat{f}_1$, где \hat{f}_1 — малая поправка, а ¹⁾

$$\hat{f}_0 = \hat{f}_0 (V\sqrt{1 + u_\alpha^2}, (u_\alpha H_{0\alpha})^2) \quad (6)$$

— решение уравнения

$$i[\mathbf{v}\mathbf{H}_0] \partial \hat{f}_0 / \partial \mathbf{p} = 0, \quad u_\alpha = v_\alpha \gamma / c. \quad (6')$$

Учитывая релятивистскую инвариантность функции распределения [4], нетрудно записать \hat{f}_0 в произвольной системе отсчета:

$$\hat{f}_0 = \hat{f}_0 (U_i u_i, (\epsilon_{iklm} u_i U_k F_{lm})^2).$$

Здесь u_i и U_i — 4-скорости соответственно частицы и усредненного движения (в рассматриваемой системе отсчета $U_\alpha = 0$), F_{lm} — тензор электромагнитного поля, связанного с \mathbf{H}_0 ; ϵ_{iklm} — антисимметричный единичный тензор четвертого ранга.

Аналогично расчетам Трубникова [5], легко получить обобщение выражения для тензора диэлектрической проницаемости $\epsilon_{\alpha\beta}$ в релятивистской плазме с произвольным распределением по импульсам вида (6). Для волны с частотой ω , распространяющейся вдоль \mathbf{H}_0 ($\mathbf{k} \parallel \mathbf{H}_0$), имеем

$$\begin{aligned} \epsilon_{xx} &= 1 + \frac{\omega_0^2}{2\omega} \int d\mathbf{p} \cdot p_\perp^2 \sum_{n=1, -1} \left(-i\pi\delta_+ + \frac{1}{\omega} F_2 \right), \\ \epsilon_{xy} &= -\epsilon_{yx} = -\frac{i\omega_0^2}{2\omega} \int d\mathbf{p} \cdot p_\perp^2 \sum_{n=1, -1} n \left(-i\pi F_1 \delta_+ + \frac{1}{\omega} F_2 \right), \\ \epsilon_{zz} &= 1 - \frac{2i\omega_0^2}{\omega} \int d\mathbf{p} \cdot p_\parallel^2 \frac{\partial \hat{f}_0}{\partial p_\parallel^2} \delta_+ (\gamma(\omega - kv_\parallel)), \\ \epsilon_{yy} &= \epsilon_{xx}, \quad \epsilon_{xz} = \epsilon_{zx} = \epsilon_{yz} = \epsilon_{zy} = 0. \end{aligned}$$

Здесь

$$F_1 = \frac{\partial \hat{f}_0}{\partial p_\parallel^2} + \frac{n\Omega}{\omega\gamma} \left(\frac{\partial \hat{f}_0}{\partial p_\perp^2} - \frac{\partial \hat{f}_0}{\partial p_\parallel^2} \right), \quad F_2 = \frac{\partial \hat{f}_0}{\partial p_\perp^2} - \frac{\partial \hat{f}_0}{\partial p_\parallel^2},$$

$$\delta_+ = \delta_+ [(\omega - kv_\parallel) \gamma - n\Omega], \quad \delta_+(x) = \frac{i}{\pi} P \left(\frac{1}{x} \right) + \delta(x),$$

$$\Omega = |eH_0/mc|, \quad \omega_0^2 = 4\pi n_0 e^2/m,$$

n_0 — плотность электронов.

В нерелятивистском пределе компоненты для $\epsilon_{\alpha\beta}$ совпадают с соответствующими выражениями из работы Сагдеева и Шафранова [2], если в них положить $\mathbf{k} \parallel \mathbf{H}_0$. Дисперсионное уравнение для необыкновенной волны

¹⁾ Греческие индексы пробегает три значения, латинские — четыре.

($n = 1$) имеет вид

$$\left(\frac{kc}{\omega}\right)^2 = 1 + \frac{\omega_0^2}{\omega} \int dp \cdot p_{\perp}^2 \left\{ -i\pi\delta_+ |(\omega - kv_{\parallel})\gamma - \Omega| \times \right. \\ \left. \times \left[\frac{\partial f_0}{\partial p_{\parallel}^2} + \frac{\Omega}{\omega\gamma} \left(\frac{\partial f_0}{\partial p_{\perp}^2} - \frac{\partial f_0}{\partial p_{\parallel}^2} \right) \right] + \frac{1}{\omega} \left(\frac{\partial f_0}{\partial p_{\perp}^2} - \frac{\partial f_0}{\partial p_{\parallel}^2} \right) \right\}. \quad (7)$$

Если

$$\left| \frac{\partial f_0}{\partial p_{\perp}^2} \right| > \left| \frac{\partial f_0}{\partial p_{\parallel}^2} \right|,$$

то, как известно [2], циклотронная неустойчивость связана с раскачкой необыкновенной волны.

В качестве f_0 удобно взять функцию

$$f_0 = A \exp \left\{ -\sigma \left(\sqrt{1 + (p/mc)^2} + \sqrt{1 + (\sigma_1 p_{\parallel}/\sigma mc)^2} \right) \right\}, \quad (8)$$

удовлетворяющую (6'). Здесь A — нормировочный множитель, σ и σ_1 — параметры распределения. В нерелятивистском пределе (8) переходит в максвелловское распределение с двумя температурами (T_{\perp} , T_{\parallel}).

При слабой анизотропии ($\sigma_1^2 u^2/\sigma^2 \ll 1$) имеем из (8)

$$A = \frac{\sigma}{4\pi (mc)^3 K_2(\sigma)} \left[1 + \frac{1}{2} \left(\frac{\sigma_1}{\sigma} \right)^2 \frac{K_3(\sigma)}{K_2(\sigma)} \right], \quad (9)$$

$$\left(\frac{\sigma_1}{\sigma} \right)^2 = \frac{K_2(\sigma) \Delta P}{K_3(\sigma) P}, \quad (10)$$

где $K_{\mu}(\sigma)$ — функция Макдональда индекса μ , $P = P_{\perp} \approx P_{\parallel}$, $\Delta P = P_{\perp} - P_{\parallel} > 0$ (P_{\parallel} — давление вдоль \mathbf{H}_0 , P_{\perp} — давление в перпендикулярном к \mathbf{H}_0 направлении).

Подстановка (8) в (7) и несколько громоздкое, но простое интегрирование приводят при $v\gamma/c \gg 1$ к следующим выражениям для действительной и мнимой частей квадрата показателя преломления N^2 :

$$\operatorname{Re} N^2 = 1 + \omega_0^2/\omega\Omega, \quad (11)$$

$$\operatorname{Im} N^2 = -2\pi^2 \frac{\omega_0^2 \Omega}{\omega (kc)^2} A \frac{(mc)^3}{\sigma} \times \\ \times \left[\frac{(\sigma_1/\sigma)^2}{\sqrt{1 + (\kappa\sigma_1/\sigma)^2}} \frac{\Omega}{\omega} - 1 \right] \exp \left\{ -\sigma \left(\kappa + \sqrt{1 + (\kappa\sigma_1/\sigma)^2} \right) \right\}, \quad (12)$$

где $\kappa = \Omega/kc$. При выводе (11) и (12) использовались неравенства

$$\kappa \gg \bar{\gamma}, \quad \omega_0^2 \gg \omega\Omega.$$

Мы рассматриваем возмущения типа $e^{i(\mathbf{kr} - \omega t)}$, поэтому неустойчивость возникает, если выражение для $\operatorname{Im} N^2$ становится отрицательным.

Используя (9), (10) и (12), легко получим при слабой анизотропии минимальное время раскачки и условие неустойчивости для ультрарелятивистских электронов ($\sigma\gamma \sim 1$, $\sigma \ll 1$). Именно, при $(\kappa\sigma_1/\sigma)^2 \ll 1$ время нарастания равно

$$\tau_{\text{нар}} \sim \bar{\gamma}^{-3/2} \frac{\omega_0}{\Omega^2} \left(\frac{\Delta P}{P} \right)^{-1/2} \exp \left\{ \frac{\Omega}{\omega_0} \left(\bar{\gamma} \frac{\Delta P}{P} \right)^{-1/2} \right\} \quad (13)$$

и неустойчивость возникает при частотах

$$\omega < \sigma\Omega\Delta P/P. \quad (14)$$

Аналогично для случая $(\kappa\sigma_1/\sigma)^2 \gg 1$

$$\tau_{\text{нар}} \sim \bar{\gamma}^{-3/2} \Omega^{-1} \left(\frac{\Delta P}{P}\right)^{-1/2} \exp \left\{ \frac{\Omega^2}{\omega_0^2} \left(\bar{\gamma} \frac{\Delta P}{P}\right)^{-1/2} \right\}, \quad (15)$$

$$\omega < \sigma \frac{\omega_0^2}{\Omega} \frac{\Delta P}{P}. \quad (16)$$

Поскольку в нерелятивистском случае граница неустойчивости [2] определяется неравенством $\omega < \Omega \Delta P / P$, то, согласно (14) и (16), в ультрарелятивистском случае область неустойчивости сужается пропорционально σ и граница неустойчивости перемещается в сторону длинных волн. Последнее обстоятельство может привести к повышению устойчивости релятивистской плазмы ограниченных размеров.

Отметим, что, например, при $(\kappa\sigma_1/\sigma)^2 \gg 1$ условие (3) для частот с минимальным временем раскачки принимает вид

$$\frac{H_0}{er_0 n_0} \bar{\gamma}^{-3} \left[1 + \frac{\Omega^2}{\omega_0^2} \left(\bar{\gamma} \frac{\Delta P}{P}\right)^{-1/2} \right] \gg 1$$

и выполняется в достаточно широкой области (r_0 — классический радиус электрона).

Наличие экспоненциального множителя в выражениях (13), (15) приводит к сильному изменению соотношения между $\tau_{\text{нар}}$ и $\tau_{\text{изл}}$. Так, при

$$n \sim 10^{12} \text{ см}^{-3}, \quad H_0 \sim 10^4 \text{ Ое}, \quad \bar{\gamma} \sim 10, \quad \Delta P / P \sim 10^{-2}$$

получим из (15) и (16)

$$\tau_{\text{нар}} \sim 10^4 \text{ сек}, \quad \tau_{\text{изл}} \sim 1 \text{ сек}, \quad \lambda \sim 1/k > 100 \text{ см},$$

а при $n \sim 10^{13} \text{ см}^{-3}$ и прежних значениях остальных параметров $\tau_{\text{нар}} \sim 10^{-6} \text{ сек}$, $\tau_{\text{изл}} \sim 1 \text{ сек}$. Строго говоря, формулы (13) и (15) справедливы при $\tau_{\text{изл}} \gg \tau_{\text{нар}}$.

Сделаем некоторые замечания о влиянии излучения на устойчивость нерелятивистского двухтемпературного максвелловского распределения, где физическая картина более наглядна. Полагая силу излучения равной

$$F_{\text{изл}} = \frac{2}{3} \frac{e^4}{m^2 c^5} [N_0 [N_0 v]]$$

и выбирая начальное распределение в виде

$$f_{t=0}(v_{\perp}, v_{\parallel}) = n_0 (2\pi m T_{\perp})^{-1} (2\pi m T_{\parallel})^{-1/2} \exp \left\{ -mv_{\perp}^2 / 2T_{\perp} - mv_{\parallel}^2 / 2T_{\parallel} \right\},$$

получаем решение кинетического уравнения с учетом излучения для прозрачной плазмы

$$f(t, v_{\perp}, v_{\parallel}) = n_0 (2\pi m T_{\perp})^{-1} (2\pi m T_{\parallel})^{-1/2} \times \\ \times \exp \left\{ Kt - \frac{mv_{\parallel}^2}{2T_{\parallel}} - \frac{mv_{\perp}^2}{2T_{\perp}} e^{Kt} \right\}. \quad (17)$$

Здесь

$$K = \frac{4}{3} \frac{e^4 H_0^2}{m^3 c^5} = 2 / \tau_{\text{изл}}^{(\text{нер})} \quad (18)$$

и введено нерелятивистское время излучения $\tau_{\text{изл}}^{(\text{нер})}$. Изменение анизотропии со временем, как видно из (17), получим, вводя новую температуру

$$T'_{\perp} = T_{\perp} e^{-Kt}. \quad (19)$$

Если существовала начальная анизотропия $T_{\perp} > T_{\parallel}$, то, согласно (17) и (19), она исчезает к моменту времени

$$\tau = \frac{1}{2} \tau_{\text{изл}}^{(\text{нер})} \ln(T_{\perp} / T_{\parallel}).$$

При $t > \tau$ возникает анизотропия обратного знака, которая, однако, не приводит к циклотронной неустойчивости [2].

Рассмотрим вопрос о циклотронной неустойчивости при частотах

$$1/\text{Re } \omega \ll \min \{ \tau, \tau_{\text{изл}}^{(\text{нер})} \}.$$

Тогда можно фиксировать функцию распределения в некоторый момент времени

$$t_0 < \min \{ \tau, \tau_{\text{изл}}^{(\text{нер})} \}$$

и решать задачу об устойчивости при начальном распределении $f(t_0)$, считая t_0 параметром. Сагдеевым и Шафрановым [2] получено выражение для максимального инкремента раскачки волн:

$$\text{Im } \omega = \frac{\sqrt{\pi}}{4} \omega_0 \left(\frac{T'_{\perp} - T_{\parallel}}{T'_{\perp}} \right)^{3/2} \frac{T'_{\perp}}{T_{\parallel}} \left(\frac{2T_{\parallel}}{mc^2} \right)^{1/2} \exp \left\{ - \frac{H_0^2}{8\pi n_0 T_{\parallel}} \frac{T'_{\perp}}{T'_{\perp} - T_{\parallel}} \right\}. \quad (20)$$

С учетом (19) формула (20) показывает изменение инкремента со временем, который уменьшается благодаря наличию излучения. Нетрудно видеть, что область неустойчивости, полученная в [2], уменьшается, и граница неустойчивости смещается в сторону длинных волн. Следует отметить, что если $\text{Im } \omega \ll 1/\tau$, то неустойчивость вообще не успевает развиваться. Поскольку с повышением температуры запертость излучения в плазме падает [6], то приведенные выше рассуждения качественно пригодны лишь для достаточно горячих нерелятивистских электронов.

2. Неустойчивость в отсутствие внешних полей

Как видно из (7), при $H_0 = 0$ циклотронная неустойчивость пропадает. Ниже, однако, будет показано, что в отсутствие внешних полей в плазме с анизотропным распределением скоростей существует неустойчивость аperiодического типа.

Исходная линеаризованная система уравнений имеет вид

$$\frac{\partial f_1}{\partial t} + \mathbf{v} \frac{\partial f_1}{\partial \mathbf{r}} + \left\{ e\mathbf{E} + \frac{e}{c} [\mathbf{v}\mathbf{H}] \right\} \frac{\partial f_0}{\partial \mathbf{p}} = 0, \\ \text{rot } \mathbf{H} = \frac{4\pi e}{c} \int \mathbf{v} f_1 d\mathbf{p} + \frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{E}}{\partial t}, \quad \text{rot } \mathbf{E} = -\frac{1}{c} \frac{\partial \mathbf{H}}{\partial t}, \quad (21)$$

где f_0 — начальное распределение в форме (8), f_1 — малая поправка к f_0 за счет полей возмущения \mathbf{E} , \mathbf{H} , взятых, как обычно, в виде (5'). Выбирая ось z вдоль \mathbf{k} , ось x вдоль \mathbf{E} и подставляя (5') в (21), получаем выражение для поправки f_1 :

$$f_1 = ieH_y \frac{[\omega/kc - p_z/mc\gamma] \partial f_0 / \partial p_x + (p_x/mc\gamma) \partial f_0 / \partial p_z}{kv_z - \omega} \quad (22)$$

и окончательно следующее дисперсионное уравнение:

$$\frac{\omega^2}{c^2} - k^2 = \frac{\omega_0^2}{c} \int \frac{p_x d\mathbf{p}}{p_z - m\gamma\omega/k} \left[\left(\frac{\omega}{kc} m - \frac{1}{\gamma c} p_z \right) \frac{\partial f_0}{\partial p_x} + \frac{p_x}{\gamma c} \frac{\partial f_0}{\partial p_z} \right]. \quad (23)$$

Нас будут интересовать решения с малыми $\text{Re } \omega$. При этом границу области неустойчивости найдем, положив в (23) $\omega = 0$. Для граничных значений

$k = k_0$ имеем

$$k_0^2 = \frac{\omega_0^2 m \sigma}{c} \int \frac{p_x^2 dp}{\sqrt{p^2 + m^2 c^2}} \left(\frac{\sigma_1}{\sigma m c} \right)^2 \frac{f_0}{\sqrt{1 + (\sigma_1 p_z / \sigma m c)^2}}. \quad (24)$$

Как видно из (24), неустойчивость рассматриваемого типа ($k_0^2 > 0$) для анизотропной функции возможна. Выполняя интегрирование в (24) при слабой анизотропии, получаем

$$k_0^2 = \omega_0^2 c^{-2} (\sigma_1 / \sigma)^2. \quad (25)$$

Используя (10), приводим (25) к виду

$$k_0^2 = \omega_0^2 c^{-2} (\Delta T / T), \quad \sigma \gg 1, \quad (26a)$$

$$k_0^2 = \sigma \omega_0^2 c^{-2} (\Delta P / P), \quad \sigma \ll 1. \quad (26b)$$

Выясним, для каких k возникает неустойчивость при переходе через границу k_0 . Для этого решим уравнение (23) вблизи $|\omega| / kc \ll 1$. Ограничиваясь ультрарелятивистским случаем и слабой анизотропией, получаем из (23)

$$k^2 = \pi A \sigma \frac{\omega_0^2}{c^2} \int_0^\infty dp \cdot p^2 \exp(-\sigma p / mc) \times \\ \times \int_{-1}^{+1} d\xi (1 - \xi^2) \left[\frac{\omega}{kc} + \xi p m c \left(\frac{\sigma_1}{\sigma m c} \right)^2 \right] \frac{1}{\xi - \omega / kc} \quad (27)$$

(поскольку нас интересуют нарастающие решения, то контур интегрирования в (23) выбран вдоль действительной оси). Окончательно получаем

$$\frac{\omega}{kc} = -i \frac{4}{\pi} \frac{c^2}{\omega_0^2} \frac{k^2 - k_0^2}{\sigma + 3(\sigma_1 / \sigma)^2}. \quad (28)$$

Отсюда видно, что нарастающие решения получаются при $k < k_0$. Поскольку задача рассматривалась для неограниченной плазмы, то можно утверждать, что неустойчивость возникает, если характерные размеры установки $d \gg 1/k_0$. Из (26б), видим, что в ультрарелятивистском случае область неустойчивости уменьшается пропорционально $\sqrt{\sigma}$ и граница неустойчивости перемещается, как и в случае циклотронной неустойчивости, в область длинных волн.

Учитывая, что минимальное время раскочки аperiodической неустойчивости

$$\tau_a \sim \omega_0^{-1} \bar{\gamma}^{1/2} (\Delta P / P)^{-3/2}, \quad (29)$$

имеем для отношения времен

$$\tau_D / \tau_a \sim \bar{\gamma}^{3/2} (\Delta P / P)^{3/2} / r_0^{3/2} \sqrt{n'} L, \quad (30)$$

где $n' \approx n_0$. Формула (30) показывает, что пренебрежение столкновениями при исследовании данной неустойчивости во всех практически интересных случаях законно.

Как легко видеть из (22) и (8), возникающий за счет анизотропии скоростей средний ток в магнитном поле возмущения направлен против электрического поля, что и приводит к нарастанию возмущения при $k < k_0$.

Авторы выражают благодарность Г. И. Будкеру, Р. З. Сагдееву и В. Л. Покровскому за обсуждение результатов и ценные замечания.

Литература

- [1] А. А. Веденов, Р. З. Сагдеев. Сб. Физика плазмы и проблемы управляемых термоядерных реакций, 3, Изд. АН СССР, 1958, стр. 278.
- [2] Р. З. Сагдеев, В. Л. Шафранов. ЖЭТФ, 39, 181, 1960.
- [3] А. Б. Киценко, К. П. Степанов. ЖТФ, 31, 176, 1961.
- [4] С. Т. Беляев, Г. И. Будкер. ДАН СССР, 107, 807, 1956.
- [5] Б. А. Трубников. Сб. Физика плазмы и проблемы управляемых термоядерных реакций, 3, Изд. АН СССР, 1958, стр. 104.
- [6] Б. А. Трубников, А. Е. Бажанова. Сб. Физика плазмы и проблемы управляемых термоядерных реакций, 3, Изд. АН СССР, 1958, стр. 121.

ON SOME PECULIARITIES IN THE BEHAVIOR OF A RELATIVISTIC PLASMA
WITH AN ANISOTROPIC DISTRIBUTION OF ELECTRON VELOCITIES

G. M. Zaslavsky, S. S. Moiseyev

The nature of cyclotron and aperiodic instabilities in a relativistic plasma is investigated. It is shown that the stability of a relativistic plasma with respect to cyclotron resonance and to aperiodic instability is greater than that of a nonrelativistic plasma.
