

Contents

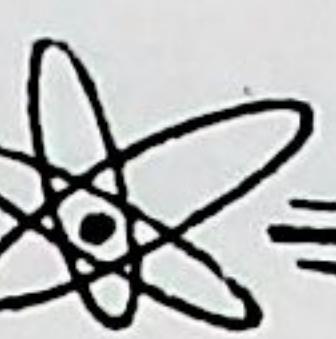
ARTICLES

S. G. Alikhanov, V. E. Zakharov, G. L. Khorasanov. Plasma Diffusion in a Magnetic Field due to Coulomb Collision	137
I. P. Afonin, B. I. Gavrilov, E. K. Zavoiškii, F. V. Karmanov, G. P. Maksimov, A. G. Plakhov, P. A. Cherenykh, V. V. Sapkin. The Experimental Plasma Facility C-1 with Screw Magnetic Fields	143
In Memory of Natan Aronovich Yaviinskii	151
G. S. Kazanskii, A. B. Kuznetsov, A. I. Mikhailov, N. B. Rubin, A. P. Tsarenkov. Investigation of Accelerated Particle Beam Formation at Proton Synchrotron with Induction Electrodes	153
O. F. Nemets, M. V. Pasechnik, N. N. Pucherov. A Study of Nuclear Reactions at a Cyclotron of the Physical Institute of the Ukrainian SSR.	159
V. M. Pankratov, V. M. Štrutinskii. On the Possibility to Study Fission at Definite Compound Nucleus Excitation Energy	171
V. M. Pankratov. Th ²³² , U ²³³ , U ²³⁵ , Np ²³⁷ and U ²³⁸ Neutron Fission Cross-Sectons at Energies 5–37 MeV	177
T. S. Belanova, O. D. Kazachkovskii. On the Effect of Nucleon Number Parity on the Magnitude of Radiation Capture	185
I. F. Zhezherun. A Study of Neutron Diffusion in Sintered BeO Using Pulse Technique	193
Ya. B. Shevelev, V. K. Šaul'ev. Some Aspects Concerning Use of Two-Dimensional Two-Group Diffusion Program	200
I. A. Yakubovich. Decantation Processes in Hydrometallurgy of Uranium	206
LETTERS TO THE EDITOR	
G. I. Kitaev. Comparison of Cascade generator Circuits	213
V. A. Kremnev, A. A. Luk'yanyov. Spatial Distribution of Neutron Resonance Absorption in a Block	216
A. A. Kostritsa. On the Neutron Diffusion in a Mobile Medium	218
V. I. Popov. Simulation of Extended Source γ -Radiation	219
NEWS OF SCIENCE AND TECHNOLOGY	
BIBLIOGRAPHY	221
	236

目 录

論 文

庫伦衝突条件下的磁场中的原形質扩散	137
带螺旋磁场的試驗原形質装置 C-1	143
紀念納·阿·紹夫利呢斯基	151
在同步相加速器上用感应电子研究加速粒子束的形成	153
在烏克蘭科学院物理研究所的迴旋加速器上研究核子反应	159
关于組成核子的一定励起能量下研究分裂的可能性	171
在能量領域为 5–37 兆电子伏时以中子分裂 Th ²³² , U ²³³ , U ²³⁵ , Np ²³⁷ , U ²³⁸ 的断面积	177
核子偶数作用对辐射捕获断面积值的影响	185
用脉冲方法研究熔結氧化铍中的中子扩散	193
应用扩散正方兩組程序的某些观点	200
鈾湿法冶金学的傾析法	206
簡報	
級聯起电机線路的比較	213
部件中的中子諧振吸收的空間分布	216
关于运动介質中的中子扩散	218
γ -辐射的扩展原的模型製造	219
科技新聞	221
新書介紹	236



Диффузия плазмы в магнитном поле, обусловленная кулоновскими соударениями

С. Г. Алиханов, В. Е. Захаров, Г. Л. Хорасанов

С помощью сверхвысокочастотной методики изучалась диффузия распадающейся гелиевой плазмы. Исследования проводились при параметрах, когда диффузионный поток поперек магнитного поля обуславливается электрон-ионными столкновениями. Измеренные коэффициенты диффузии в магнитных полях напряженностью до 700–800 э согласуются с коэффициентами, выведенными на основе классической теории парных кулоновских соударений. В диапазоне магнитных полей 1000–5000 э наблюдается значительное отклонение от теории, причем коэффициент диффузии пропорционален $1/H$. Найдено асимптотическое решение уравнения диффузии, описывающего распадающуюся полностью ионизованную плазму в осесимметричном случае.

Введение

В последнее время большой интерес вызывает вопрос о характере диффузии полностью ионизованной плазмы в магнитном поле. В связи с этим ставятся опыты с термически равновесной цезиевой плазмой [1, 2]. Однако коэффициенты, определяющие диффузию в полностью ионизованной плазме, могут быть измерены и при существенно малых степенях ионизации, если создать такие условия, при которых кулоновские столкновения будут играть основную роль в установлении диффузионного потока поперек магнитного поля. Эти условия можно получить в достаточно низких температурах электронного газа сечение столкновений электронов с ионами на много порядков больше сечения столкновений электронов с нейтральными атомами [3, 4].

Зависимость области диффузии, обусловленной кулоновскими столкновениями в трехкомпонентной плазме, от концентрации электронов n и напряженности магнитного поля показана на рис. 1. Рассмотрен характерный случай распада гелиевой плазмы, образованной импульсным сверхвысокочастотным разрядом. Нижнее значение концентрации определяется равенством частот столк-

новений электронов с ионами и электронов с нейтральными атомами. Верхняя граница отделяет область кулоновской диффузии от

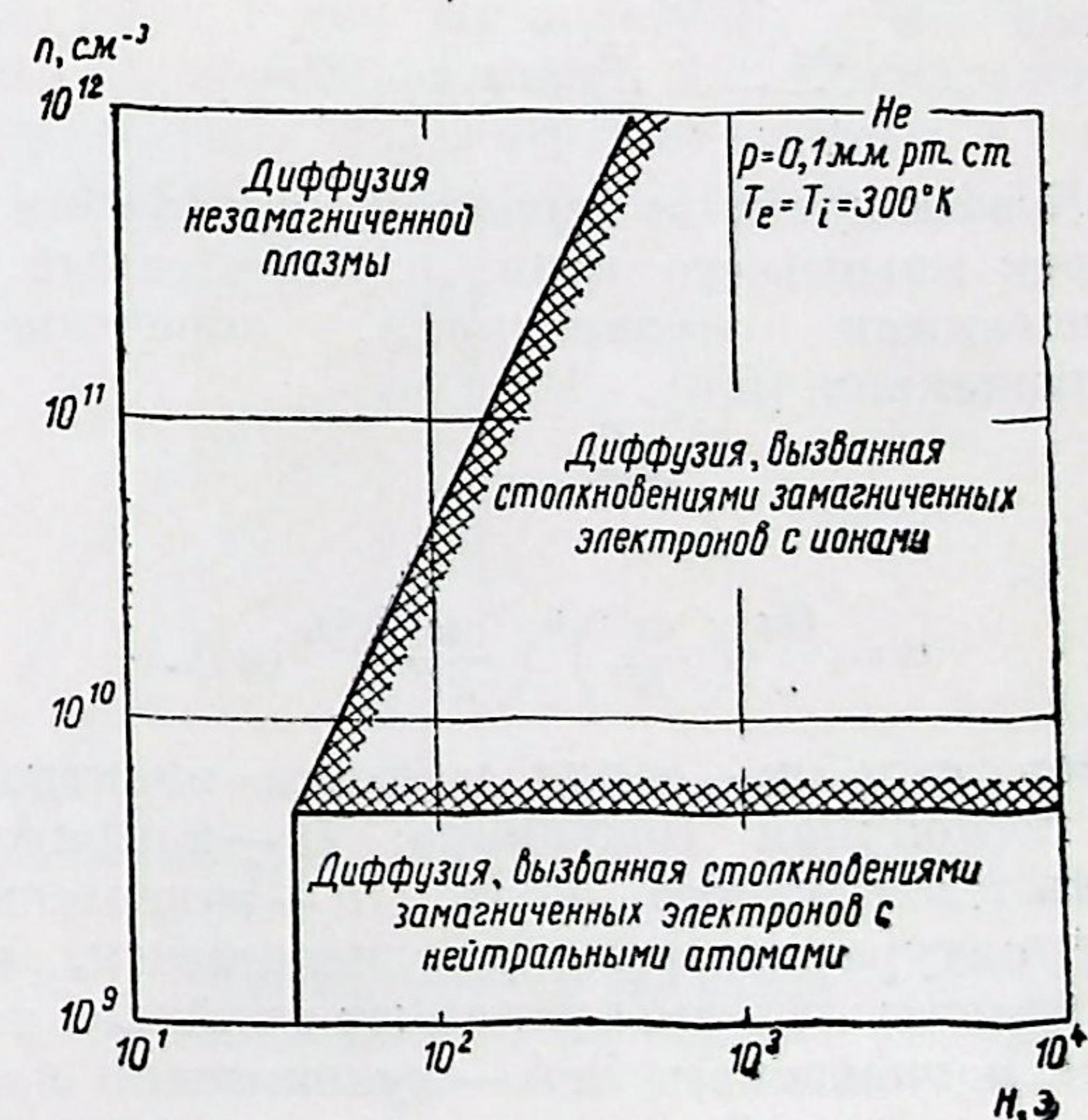


Рис. 1. Диаграмма типов диффузии в трехкомпонентной плазме.

области диффузии, определяемой столкновениями ионов с нейтральными атомами. Этот переход осуществляется тогда, когда коэффициент кулоновской диффузии поперек маг-

нитного поля D_{ei}^{\perp} возрастает с увеличением концентрации электронного газа настолько, что он становится сравнимым с коэффициентом диффузии в отсутствие магнитного поля D_{ia}^{\parallel} . Как видно из рис. 1, имеется довольно значительная область диффузии, обусловленная кулоновскими столкновениями, доступная для экспериментирования.

Теория эксперимента

Изменение концентрации заряженных частиц плазмы, в которой отсутствуют объемные процессы (ионизация, рекомбинация и т. д.), описывается обычным уравнением диффузии

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \nabla(D\nabla n). \quad (1)$$

Исследование распада плазмы проводилось в длинной тонкой трубке ($L \gg R$), находящейся в постоянном продольном магнитном поле.

При $\frac{D_{ei}^{\perp}}{R^2} \gg \frac{D_{ia}^{\parallel}}{L^2}$, что выполняется достаточно хорошо в описываемом эксперименте, потоками вдоль оси можно пренебречь и уравнение диффузии в цилиндрическом случае запишется в виде

$$\frac{\partial n}{\partial t} = \frac{1}{r} \frac{\partial}{\partial r} \left(D_{ei}^{\perp} r \frac{\partial n}{\partial r} \right). \quad (2)$$

Коэффициент амбиполярной диффузии перек магнитного поля, обусловленный кулоновскими соударениями, определяется выражением [5, 6]

$$D_{ei}^{\perp} = an, \quad (3)$$

где

$$a = \frac{8\pi}{3} \left(\frac{ce}{H} \right)^2 \left(\frac{m}{kT} \right)^{1/2} \ln \Lambda.$$

Здесь e — заряд и масса электрона; k — постоянная Больцмана; H — напряженность магнитного поля; T — равновесная температура плазмы (предполагается, что компоненты плазмы успевают прийти в тепловое равновесие); $\ln \Lambda$ — кулоновский логарифм, который определяется следующим образом [6]:

$$\ln \Lambda = \ln \left[\frac{3}{2} \frac{1}{e^3} \left(\frac{k^3 T^3}{\pi n} \right)^{1/2} \right]. \quad (4)$$

В нашем случае величину a с достаточно хорошей степенью точности можно считать не зависящей от координат и времени.

Переходя к безразмерным переменным

$$y = \frac{n}{N_0}; \quad x = \frac{r}{R}; \quad \tau = \frac{t}{\tau_0}; \quad \tau_0 = \frac{R^2}{aN}; \\ N_0 = n|_{r=0, t=0}, \quad (5)$$

запишем уравнение (2) в виде

$$\frac{\partial y}{\partial \tau} = \frac{1}{x} \frac{\partial}{\partial x} \left(xy \frac{\partial y}{\partial x} \right). \quad (6)$$

Для уравнения (6) ставятся граничные условия

$$\frac{\partial y}{\partial x} \Big|_{x=0} = 0; \quad y|_{x=1} = 0. \quad (7)$$

Решение уравнения (6) будем искать в виде ряда по четным степеням x :

$$y = y_0 + y_1 x^2 + \dots + y_k x^{2k} + \dots \quad (8)$$

(легко показать, что в силу условия $\frac{\partial y}{\partial x} \Big|_{x=0} = 0$ коэффициенты при нечетных степенях обращаются в нуль).

Для функций $y(\tau)$ получим систему уравнений:

$$\left. \begin{aligned} \frac{\partial y_0}{\partial \tau} &= 4y_0 y_1; \\ \frac{\partial y_1}{\partial \tau} &= 8(2y_0 y_2 + y_1^2); \\ \dots &\dots \dots \dots \dots \dots \dots \end{aligned} \right\} \quad (9)$$

$$\frac{\partial y_k}{\partial \tau} = 2(k+1)^2 \sum_{i=0}^{k+1} y_i y_{k+1-i}.$$

Теперь, произвольно задавая $y_0(\tau)$, получим последовательно все $y_k(\tau)$. Исследуем возможный асимптотический вид функции $y_0(\tau)$.

Если $y_0(\tau) \sim e^{-\gamma \tau}$, то $y_k(\tau)$ начиная с $k=2$ отрицательны и экспоненциально растут при больших τ . Следовательно, $y_0(x, \tau)$ при некоторых значениях x растет при $\tau \rightarrow \infty$, что физически бессмысленно.

Пусть $y_0(\tau) = a\tau^q$. Тогда можно показать методом индукции, что $y_k(\tau) = \beta_k \tau^{-k(1+q)+q} a^{1-k}$, где β_k не зависит от a . При этом ряд (8) можно свернуть в виде функции:

$$y(x, \tau) = a\tau^q G\left(\frac{x^2}{a\tau^{q+1}}\right), \quad (10)$$

где G — некая функция.

Если $q \neq -1$, то решениями типа (10) невозможно удовлетворить граничным условиям. Действительно,

$$y|_{x=1} = a\tau^q G\left(\frac{1}{a\tau^{q+1}}\right) = 0 \text{ при всех } \tau, \text{ т. е. } y \equiv 0.$$

В случае $q = -1$

$$y(x, \tau) = \frac{a}{\tau} F\left(\frac{x^2}{a}\right). \quad (11)$$

Функцию F можно найти из уравнений (9) в виде ряда

$$F = 1 - \frac{\lambda^2}{4} - \frac{\lambda^4}{64} - \frac{\lambda^6}{288} - \frac{\lambda^8}{1024} - \dots, \quad (12)$$

где

$$\lambda^2 = \frac{x^2}{a}.$$

Эта функция положительна для достаточно малых λ и равна нулю при $\lambda = \lambda_0$.

При $F=0$ ряд (12) сходится весьма медленно, так что непосредственно из него трудно найти λ_0 . Чтобы найти λ_0 , подставим $y = \frac{1}{\tau} F(x^2)$ в уравнение (6). Для функции F получим уравнение

$$-F = \frac{1}{2x} \frac{d}{dx} \left(x \frac{d}{dx} F^2 \right). \quad (13)$$

Умножим это уравнение на $2x$ и проинтегрируем в пределах $(0, x)$, затем разделим на x и проинтегрируем в пределах $(0, \lambda_0)$. Получим

$$-2 \int_0^{\lambda_0} \frac{dx}{x} \int_0^x x F dx = F^2|_{\lambda_0} = -1.$$

Подставляя сюда F в виде ряда (12), получим уравнение для λ_0 :

$$-1 + \frac{\lambda_0^2}{2} - \frac{\lambda_0^4}{32} - \frac{\lambda_0^6}{1152} - \frac{\lambda_0^8}{9216} - \dots = 0. \quad (14)$$

Этот ряд сходится достаточно быстро. Ограничиваюсь первыми тремя членами, найдем, что $\lambda_0^2 = 2,4$. Следующие члены дают поправку $\sim 1\%$.

Чтобы удовлетворить граничным условиям, мы должны положить $a = \frac{1}{\lambda_0^2}$. Окончательно получим

$$y(x, \tau) = \frac{1}{\lambda_0^2 \tau} F(\lambda_0^2 x^2). \quad (15)$$

Исследование функции $F(x)$ показывает, что вблизи точки $x=1$ она имеет вид $F \approx \text{const} \sqrt{1-x}$ так, что $\frac{\partial F}{\partial x}|_{x=1} = \infty$. Это имеет простой физический смысл.

Вблизи $x=1$ концентрация равна нулю и для существования не равного нулю потока необходимо, чтобы градиент концентрации был бесконечным.

По-видимому, широкий класс физически разумных решений краевой задачи (7) для уравнения (6) будет иметь такое же асимптотическое поведение. Это связано с тем фактом, что в областях пространства, где n велико, происходит быстрое выравнивание концентрации, тогда как у стенок устанавливается бесконечный градиент.

Заметим, что функция

$$y(x, \tau) = \frac{1}{\lambda_0^2 \tau + C} F(\lambda_0^2 x^2),$$

где C — произвольная константа — является точным решением уравнения (6) при граничных условиях (7) и начальном условии

$$y(x, \tau)|_{\tau=0} = \frac{1}{C} F(\lambda_0^2 x^2).$$

В частности, при $C=1$ получается функция, описывающая процесс диффузии, когда начальная концентрация на оси трубы равна N_0 . В этом случае изменение концентрации на оси трубы $n_0(t)$ задается формулой

$$\frac{1}{n_0(t)} - \frac{1}{N_0} = \frac{at}{\Lambda^2}, \quad (16)$$

где $\Lambda^2 = \frac{R^2}{2,4}$ — квадрат диффузионной длины.

На рис. 2 дан вычисленный с помощью ряда (12) асимптотический вид радиального распределения концентрации плазмы в случае диффузии поперек магнитного поля,

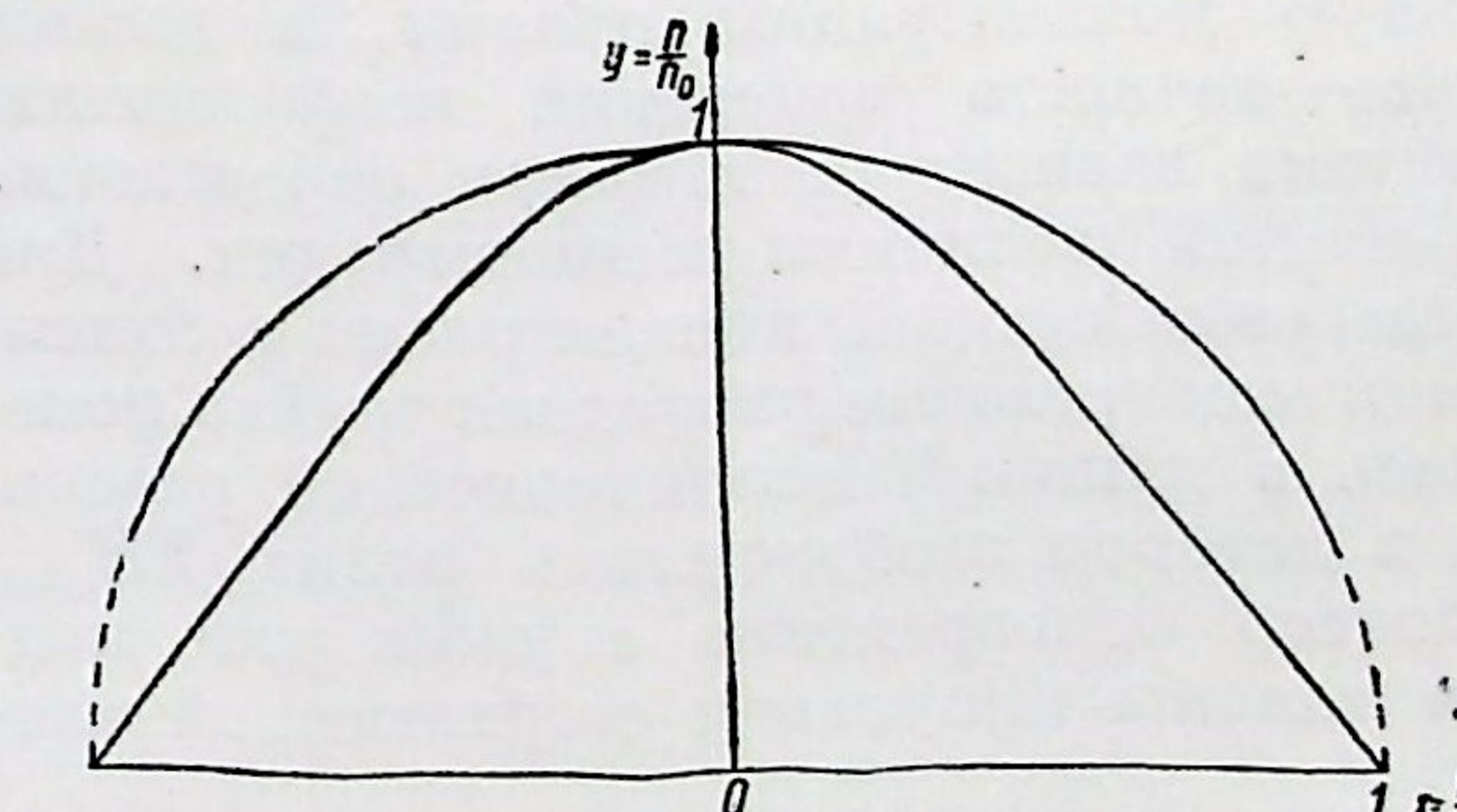
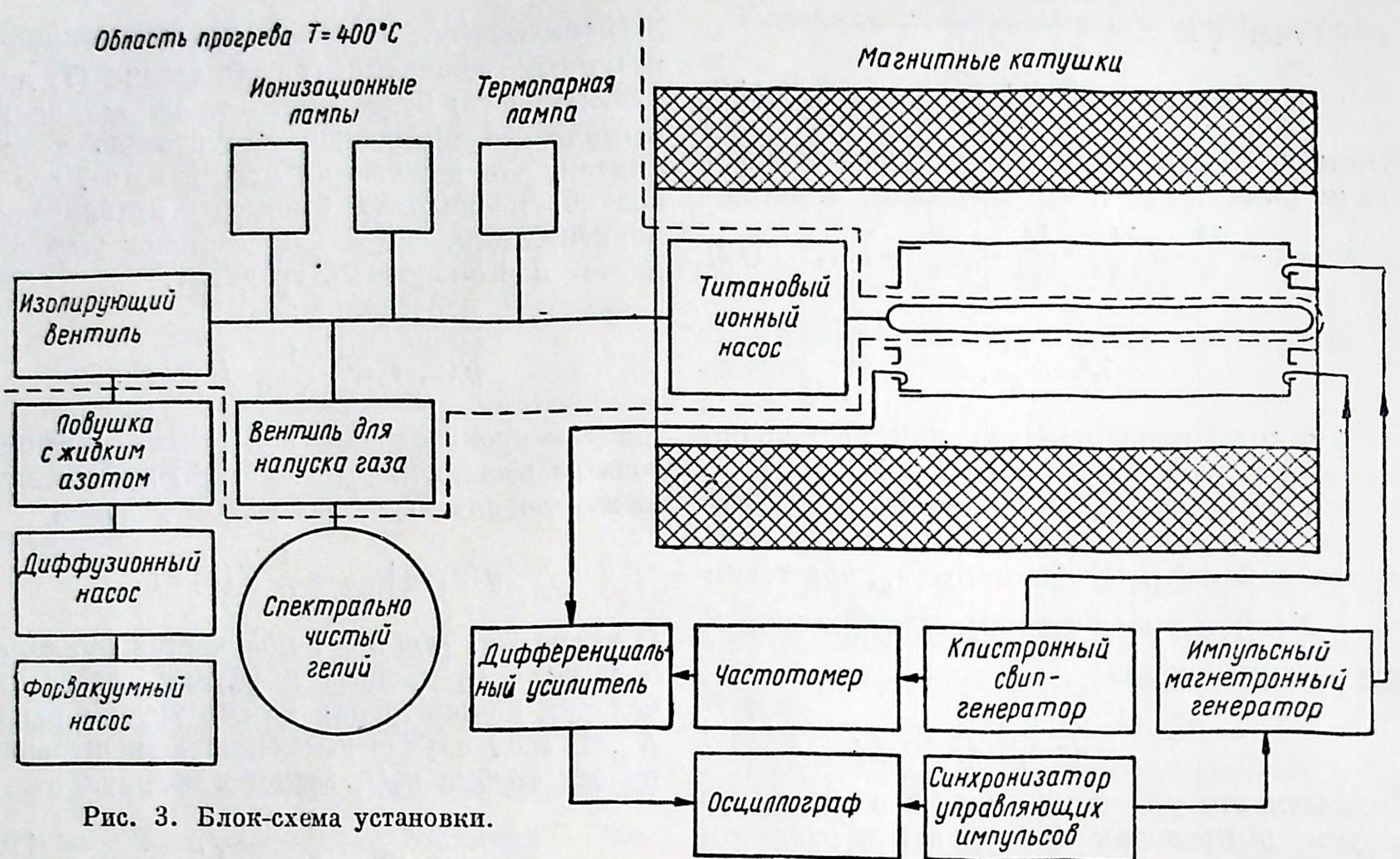


Рис. 2. Асимптотический вид радиального распределения концентрации плазмы, распадающейся поперек магнитного поля:
верхняя кривая $D_{\perp} = an$, нижняя $D_{\perp} = \text{const}$.

вызванной кулоновскими соударениями. Для сравнения там же показано распределение концентрации плазмы в случае, когда коэффициент диффузии не зависит от концентрации заряженных частиц (нижняя кривая $y = J_0(x_0 r)$).



Методика эксперимента

В отличие от измерений коэффициента диффузии (вызванной столкновениями заряженных частиц с нейтральными), для определения которого достаточно знать относительную концентрацию плазмы, в данном случае точность измерения коэффициента диффузии зависит от точности определения абсолютной величины концентрации. Для определения средней концентрации в описываемом эксперименте разрядная трубка помещалась в длинный цилиндрический резонатор, в котором возбуждалась волна TH_{011} . Резонатор одновременно служил для поджига плазмы импульсом сверхвысокой частоты.

Большая длина резонатора позволяет пренебречь влиянием концевых эффектов при расчете взаимодействия измерительной сверхвысокочастотной волны со столбом плазмы, а также дает возможность получать равномерный поджиг плазмы по всей длине трубы. Схема установки показана на рис. 3, подробное описание аппаратуры приведено в работе [7].

Определение коэффициента перехода от величины сдвига собственной частоты резо-

натора с плазмой к концентрации плазмы требует аналитического исследования взаимодействия TH_{011} волны с плазмой в магнитном поле.

Однако, учитывая то обстоятельство, что радиус плазмы в наших экспериментах мал по сравнению с радиусом резонатора, попечерными компонентами электрического поля можно пренебречь. Такое допущение возможно при $k_{||} < k_{\perp}$ и $\omega \neq \omega_{ce}$, где $k_{||} = \frac{l\pi}{L_0}$; $k_{\perp} = \frac{x_{01}}{R_0}$ (L_0 и R_0 — длина и радиус резонатора; x_{01} — первый корень нулевой функции Бесселя); ω — собственная частота резонатора; ω_{ce} — циклотронная частота электронов.

В таком случае сдвиг собственной частоты резонатора в присутствии плазмы выражается обычной формулой, полученной с помощью теории возмущений [8]:

$$\Delta\omega = -\frac{1}{2\omega} \frac{\int_{\text{плазма}} \omega_0^2 E^2 dV}{\int_{\text{резонатор}} E^2 dV}, \quad (17)$$

где ω_0 — плазменная частота.

Подставляя в формулу (17) выражения для распределения концентрации (12) и распре-

деления электрического поля TH_{011} волны,

мости от напряженности магнитного поля. Сплошная линия на том же рисунке соот-

$$\Delta\omega = -\frac{4e^2 n_0}{m\omega} \frac{k_{\perp}^2}{k_{\perp}^2 + k_{||}^2} \frac{\int_0^{2\pi} \int_0^R \int_0^{L_0} J_0^2(k_{\perp} r) \cos^2(k_{||} z) \left[1 - \frac{3}{5} \frac{r^2}{R^2} - \frac{3}{80} \frac{r^4}{R^4} - \dots \right] r dr d\varphi dz}{L_0 R_0^2 J_1(x_{01})} \quad (18)$$

Интегрируя для выбранных параметров эксперимента $R_0 = 4,25$ см, $L_0 = 75$ см, $R = 0,8$ см и $\omega = 2\pi \cdot 3,24 \cdot 10^9$ сек⁻¹, полу- чим

$$n_0 = 2,1 \cdot 10^2 \Delta\omega. \quad (19)$$

Экспериментальные результаты и их обсуждение

Измерения концентрации распадающейся плазмы производились в диапазоне $10^{10} - 10^{11}$ см⁻³. Нижний предел измеряемых концентраций определялся границей области кулоновской диффузии (см. рис. 1), а верхний — временем остыния электронного газа и возможностями экспериментальной аппаратуры. Эксперименты проводились в стеклянной трубке, заполненной спектрально чистым гелием при давлении $5 \cdot 10^{-2} - 2 \cdot 10^{-1}$ мм рт. ст. Предварительно система длительное время обезгаживалась при температуре 400° С, после чего остаточный вакуум в системе был порядка 10^{-9} мм рт. ст. Кроме того, стенки трубы тренировались сверхвысокочастотным разрядом в условиях циклотронного резонанса электронов.

Некоторые из прямых, по которым определялись значения коэффициентов диффузии, приведены на рис. 4. Поскольку экспериментально наблюдаемое изменение концентрации во времени хорошо описывается уравнением (16), то несомненно, что процесс устранения заряженных частиц имеет квадратичную зависимость от их концен- трации.

Расхождение с формулой (16) в начале распада (экстраполяция кривых $kt = 0$ дает $N_0 < 0$) вызвано тем, что в начальном пе- риоде распада плазмы, образованной сверхвысокочастотным пробоем, происходят такие процессы, как существенное изменение формы распределения плотности плазмы, охлаждение электронного газа и т. д., которые не описываются формулой (16).

На рис. 5 точками изображены измеренные значения коэффициентов α в зависи-

шествует формуле (3) для коэффициента диффузии полностью ионизованного газа.

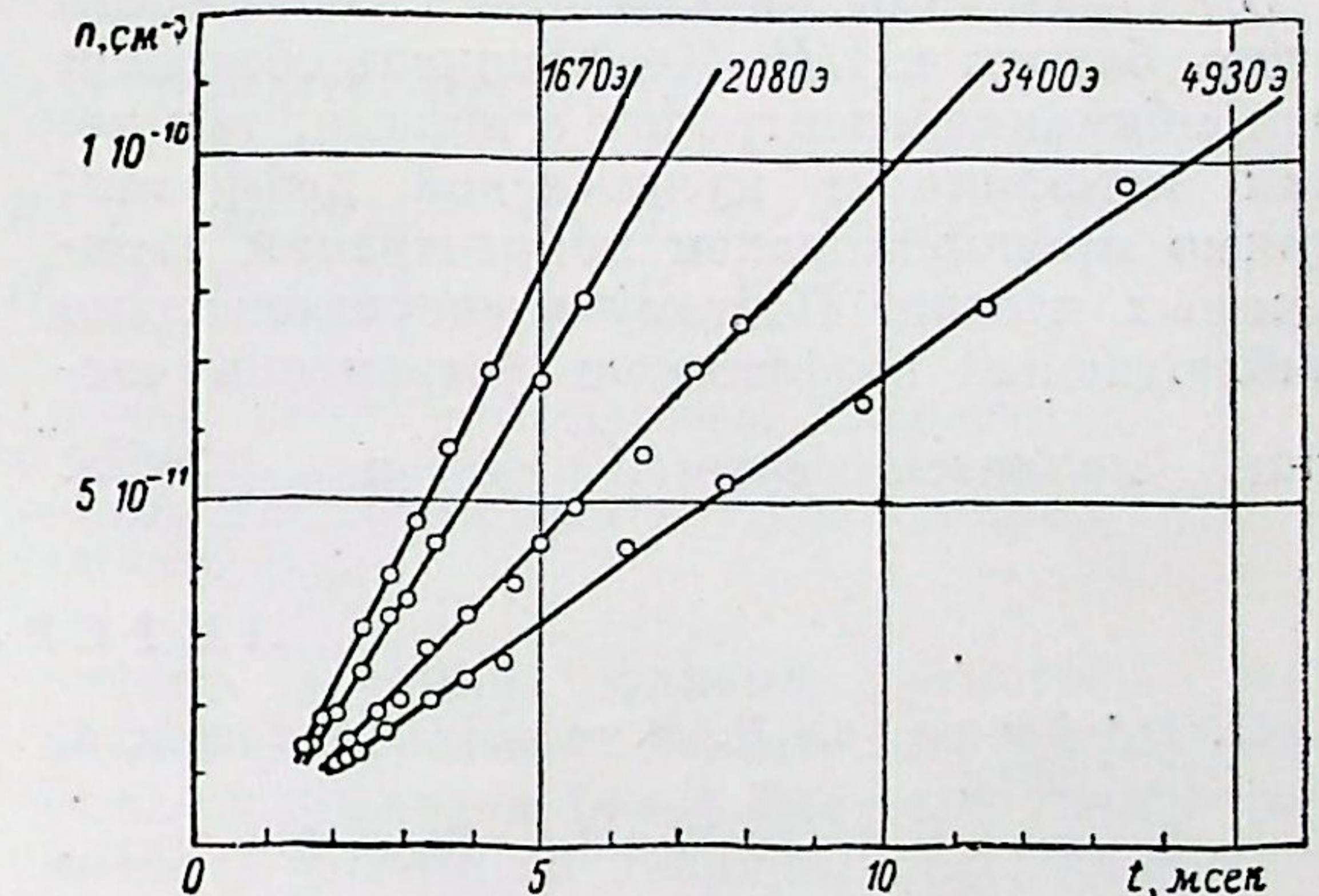


Рис. 4. Типичные экспериментальные прямые.

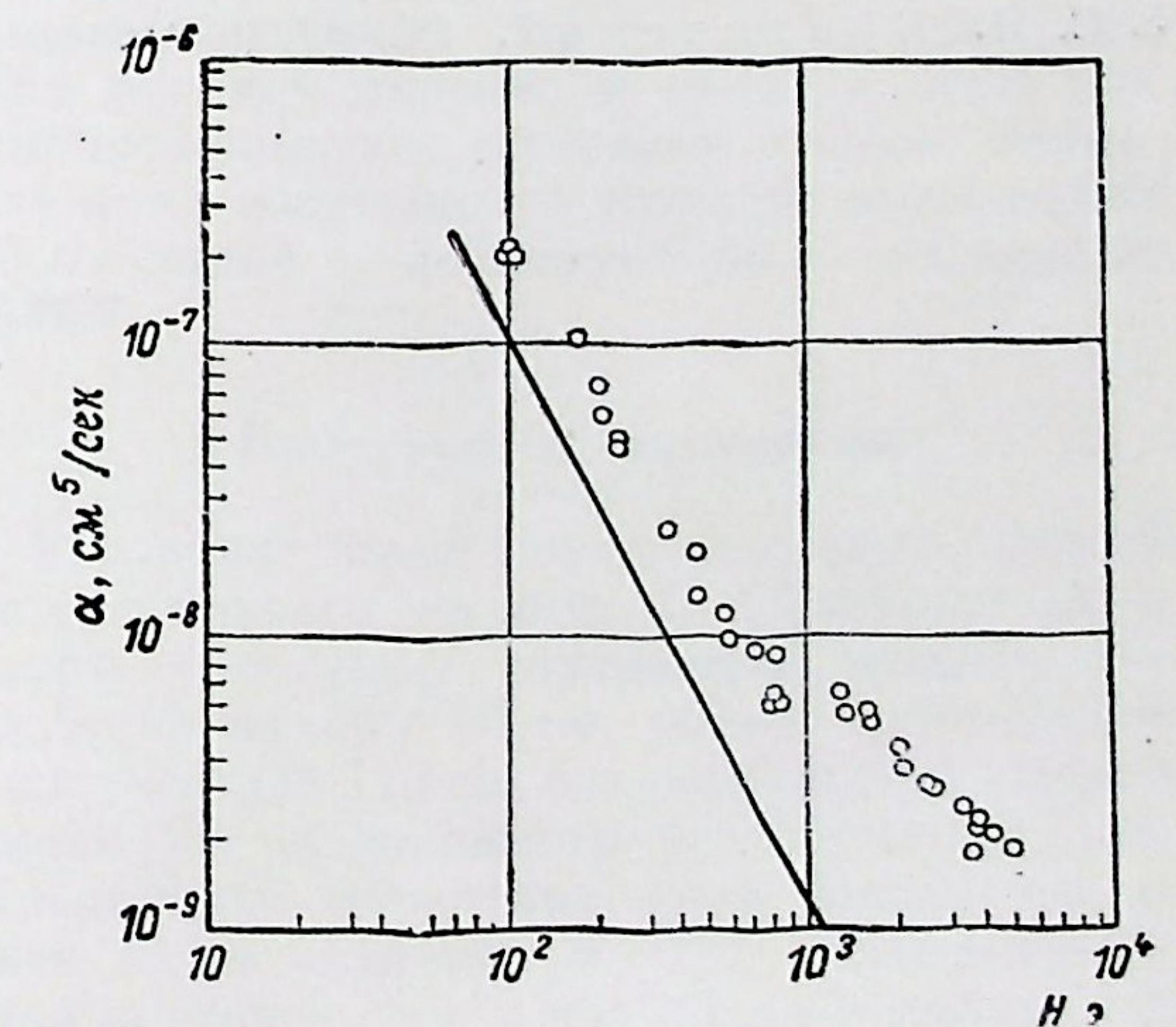


Рис. 5. Изменение коэффициента диффузии с на- пряженностью магнитного поля: точки — эксперимент; сплошная линия — теория Спитцера—Брагинского [5, 6].

Из рассмотрения экспериментальных ре- зультатов следует, что до напряженностей

магнитного поля 700–800 э наблюдается зависимость $D_{ci}^{\perp} \sim \frac{1}{H^2}$. Некоторое отклонение абсолютной величины коэффициента диффузии от теоретического значения, возможно, вызвано, систематической ошибкой в определении концентрации. Произведенная оценка погрешности метода дает величину ошибки в пределах $\pm 30\%$, что несколько меньше наблюдаемого расхождения. В диапазоне от 1000 до 5000 э зависимость очень близка к $1/H$. Коэффициент объемной рекомбинации электронов с ионами, так же как коэффициент кулоновской диффузии, прямо пропорционален концентрации заряженных частиц. Поэтому экспериментально наблюдаемый коэффициент устранения частиц является суммой $a = a_{\text{рек}} + \frac{a_{\text{диф}}}{\Lambda^2}$.

Исходя из этих соображений, отклонение коэффициента a при $H > 1000$ э от теоретической зависимости ($a_{\text{диф}} \sim \frac{1}{H^2}$) можно было бы легко объяснить влиянием объемных рекомбинаций (например, вида $\text{He}_2^+ + e^-$), если бы не удивительно близкая к $1/H$ зависимость от магнитного поля. В этом случае необходимо делать какие-то искусственные предположения о зависимости $a_{\text{рек}}$ от напряженности магнитного поля.

В заключение авторы считают своим приятным долгом выразить благодарность И. Ф. Кварцхава за поддержку и интерес к работе, Р. З. Сагдееву за полезное обсуждение теоретической части, а также Г. Г. Подлесному за помощь в осуществлении эксперимента.

Поступила в Редакцию 10/II 1962 г.

ЛИТЕРАТУРА

1. N. D'Angelo, N. Rupp. Phys. Fluids, 4, 275 (1961).
2. R. Knechtli, J. Wada. Phys. Rev. Lett., 6, 215 (1961).
3. A. Douglas, L. Goldstein. Phys. Rev., 109, 615 (1958).
4. В. Е. Голант, А. П. Жилинский. «Ж. техн. физ.», 30, 745 (1960).
5. С. И. Брагинский. Сб. «Физика плазмы
- и проблема управляемых термоядерных реакций». М., Изд-во АН СССР, 1958, стр. 178.
6. Л. Спитцер. Физика полностью ионизованного газа. М., Изд-во иностр. лит., 1957.
7. С. Г. Алиханов и др. «Ж. техн. физ.», 32, 1205 (1962).
8. Г. Сул, Л. Уокер. Вопросы волноводного распространения электромагнитных волн в гибкотропных средах. М., Изд-во иностр. лит., 1955.

Экспериментальная плазменная установка С-1 с винтовыми магнитными полями

И. П. Афонин, Б. И. Гаврилов, Е. К. Завойский, Ф. В. Карманов, Г. П. Максимов, А. Г. Плахов, П. А. Черемных, В. В. Шапкин

Кратко описываются конструкция и режим работы стелларатора, имеющего форму рейстрака, с винтовыми магнитными полями, сооруженного в ордена Ленина Институте атомной энергии им. И. В. Курчатова АН СССР. Приводятся некоторые результаты, характеризующие работу установки.

Впервые идея создания установки с винтовыми полями (стелларатора) была высказана Спитцером [1, 2]. В таких установках создается вращение магнитных силовых линий вокруг магнитной оси. Магнитной осью называется магнитная силовая линия, замыкающаяся сама на себя после одного обхода вдоль установки. Спитцером и его сотрудниками предложены методы получения замкнутых винтовых полей как путем топологического изменения конфигурации тора (установки в виде «восьмерки»), так и при помощи специальных винтовых обмоток. Установки со специальными винтовыми обмотками представляют больший интерес, чем установки типа «восьмерки», так как они, кроме вращения магнитных силовых линий вокруг магнитной оси, обладают и другими свойствами. В таких установках число винтовых обмоток и ток в них позволяют изменять область замкнутых магнитных поверхностей и угол поворота магнитных силовых линий на разных радиусах. Большой вклад в расчеты сложных конфигураций винтовых полей, созданных винтовыми обмотками, внесен советскими учеными [3–7].

Теория предсказывает, что в установках с винтовыми полями при отсутствии больших продольных токов плазма должна быть магнитодинамически устойчивой, поэтому решено было построить такую установку в Институте атомной энергии им. И. В. Кур-

чата. Следует, однако, отметить, что экспериментальные данные по удержанию плазмы показали более быстрый уход заряженных частиц из разряда, чем ожидалось. Это может быть объяснено недостаточно точным выполнением необходимой конфигурации магнитных полей или может являться результатом пока не совсем ясных, но существенных процессов, происходящих в самой плазме. В связи с этим при конструировании установки особое внимание было обращено на точность выполнения необходимой конфигурации магнитных полей.

Конструкция установки

Установка имеет форму рейстрака. Общий вид ее показан на рис. 1. Основные параметры установки: внутренний диаметр вакуумной камеры 10 см, длина прямолинейных участков 120 см; средний радиус закругления 60 см; периметр установки 617 см. Продольное магнитное поле может достигать 25 кэ; величина H_{\perp}/H_0 , характеризующая винтовое поле и введенная в работе [4], может принимать значения от 0,2 до 0,6. Максимальное напряжение обхода 400 в. Конденсаторная батарея для создания продольного магнитного поля имеет запас энергии 1700 кдж (С = 3,45 · 10⁻² ф, v = 10 кв). Запас энергии конденсаторной батареи, питющей трансформаторы омического нагре-