

# МАГНИТНАЯ АНИЗОТРОПИЯ И МАГНИТОЭЛЕКТРИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА ФЕРРОБОРАТОВ $Tb_{1-x}Er_xFe_3(BO_3)_4$

*A. K. Звездин<sup>b</sup>, A. M. Кадомцева<sup>a\*</sup>, Ю. Ф. Попов<sup>a</sup>, Г. П. Воробьев<sup>a</sup>, А. П. Пятаков<sup>a,b</sup>,  
B. Ю. Иванов<sup>b</sup>, A. M. Кузьменко<sup>b</sup>, A. A. Мухин<sup>b</sup>, Л. Н. Безматерных<sup>c</sup>, И. А. Гудим<sup>c</sup>*

<sup>a</sup>Московский государственный университет им. М. В. Ломоносова  
119992, Москва, Россия

<sup>b</sup>Институт общей физики им. А. М. Прохорова Российской академии наук  
119991, Москва, Россия

<sup>c</sup>Институт физики им. Л. В. Киренского Сибирского отделения Российской академии наук  
660038, Красноярск, Россия

Поступила в редакцию 24 ноября 2008 г.

Исследованы магнитные и магнитоэлектрические свойства монокристаллов ферроборатов сложных составов  $Tb_{1-x}Er_xFe_3(BO_3)_4$  ( $x = 0, 0.75$ ) с конкурирующими обменными взаимодействиями  $Tb$ –Fe и  $Er$ –Fe. Обнаружены скачки электрической поляризации, магнитострикции и намагниченности при спин-флоп-переходах в поле  $H_c$ , параллельном оси  $c$ , и значительное уменьшение порогового поля при увеличении концентрации эрбия. В рамках простой модели, учитывающей анизотропию  $g$ -факторов и обменного расщепления основных дублетов легкоосного иона  $Tb^{3+}$  и легкоплоскостного иона  $Er^{3+}$ , проанализировано и объяснено наблюдаемое поведение полей фазовых переходов. Установлено, что магнитоэлектрические и магнитострикционные аномалии при спин-флоп-переходах определяются в основном  $Tb$ -подсистемой. Обнаружено, что  $Tb$ -подсистема дает немонотонный вклад в поляризацию  $\Delta P_a(H_a, T)$  вдоль оси  $a$ : величина  $\Delta P_a$  меняет знак и возрастает с ростом температуры за счет вклада возбужденных состояний иона  $Tb^{3+}$ .

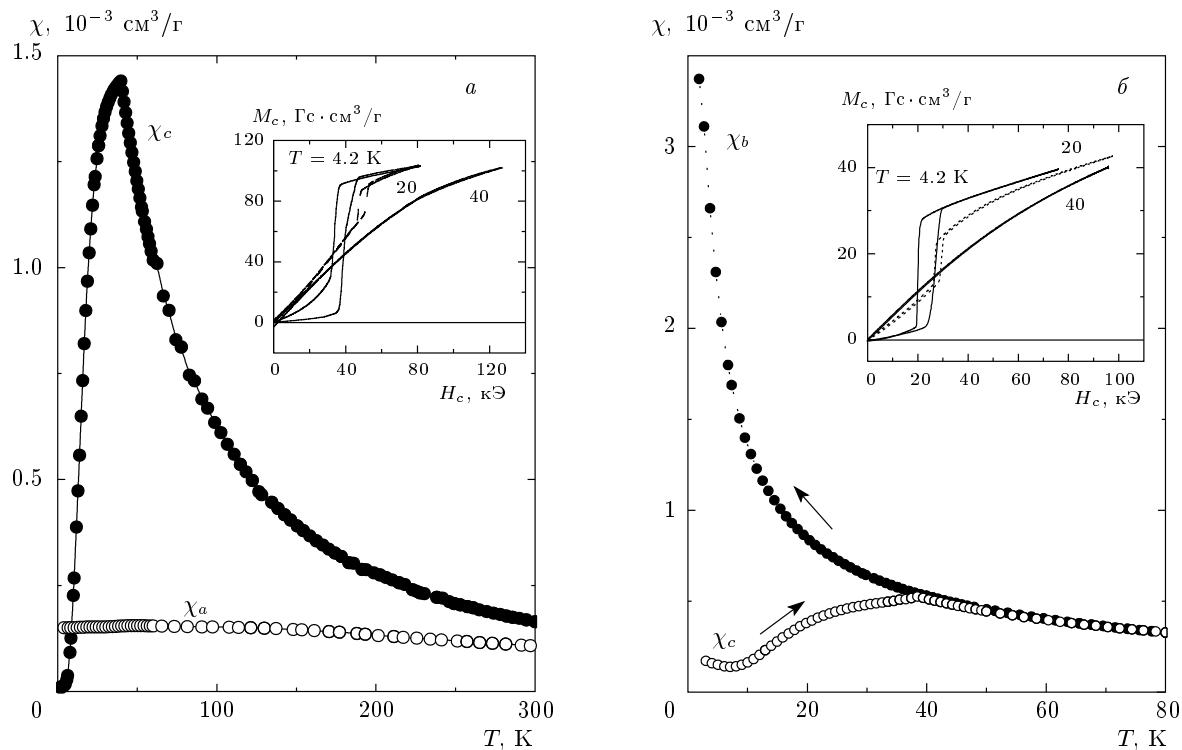
PACS: 75.80.+q

1. В последние годы проводятся интенсивные исследования магнитных, магнитоэлектрических и многих других свойств новых мультиферроиков  $RFe_3(BO_3)_4$ , имеющих ромбоэдрическую структуру, описываемую тригональными пространственными группами  $R32(D_3^7)$  или  $P3_121(D_3^4)$  [1–6]. Ниже температуры Нееля  $T_N \approx 30$ –40 К спины ионов  $Fe^{3+}$  в ферроборатах антиферромагнитно упорядочиваются, причем на их ориентацию существенным образом влияют анизотропные свойства парамагнитной подсистемы редкоземельных ионов  $R$ , которые, благодаря обменному взаимодействию  $R$ –Fe, могут стабилизировать либо легкоплоскостные состояния в плоскости  $ab$  кристалла (например, для  $R = Nd$  [2, 7–10],  $Er$  [11]), либо одноосные состояния со спинами вдоль тригональной оси  $c$  ( $R = Tb$  [12, 13],  $Dy$  [14],  $Pr$  [6]).

В этой связи представляет интерес провести исследования изменения магнитной анизотропии и магнитоэлектрических свойств ферроборатов сложных составов, в которых сочетаются два конкурирующих типа редкоземельных ионов, стабилизирующих различные магнитные структуры. В качестве примера такой системы взято соединение  $Tb_{0.25}Er_{0.75}Fe_3(BO_3)_4$ . Концентрация ионов  $Er^{3+}$  (75 %) выбрана из условия приблизительного равенства вкладов в анизотропию от двух редкоземельных подсистем.

2. Монокристаллы ферроборатов  $Tb_{1-x}Er_xFe_3(BO_3)_4$  ( $x = 0, 0.75$ ) были получены в результате спонтанной кристаллизации из растворов в расплавах [15]. Исследования магнитных, магнитоэлектрических и магнитоупругих свойств проведены в импульсных магнитных полях

\*E-mail: kadomts@plms.phys.msu.ru

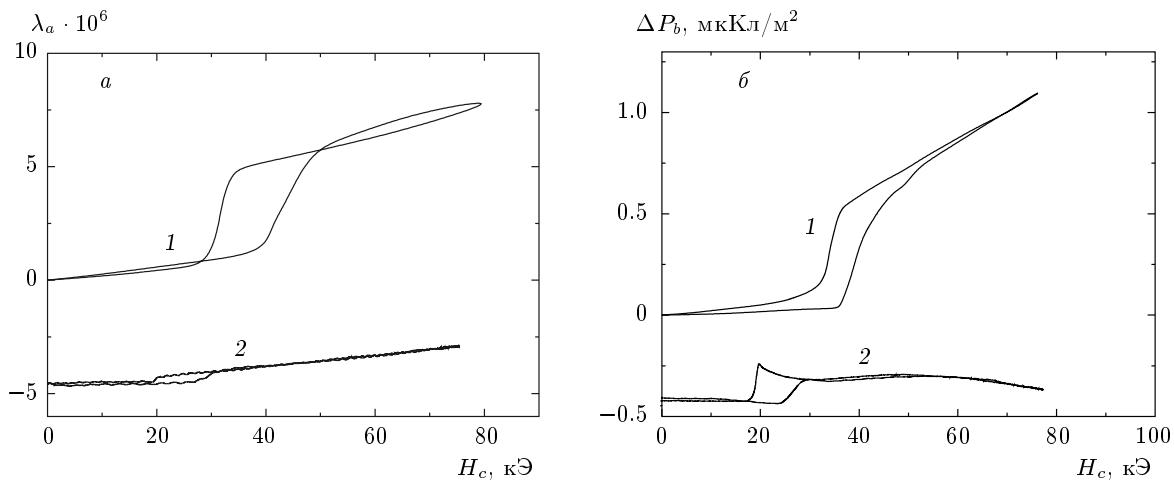


**Рис. 1.** Температурные зависимости магнитной восприимчивости вдоль ( $\chi_c$ ) и перпендикулярно ( $\chi_a$ ) оси с в  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  (а) и  $\text{Tb}_{0.25}\text{Er}_{0.75}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  (б), измеренные в поле 1 кЭ. На вставках приведены примеры кривых намагничивания вдоль оси с, иллюстрирующие спин-флоп-переходы

до 250 кЭ, а также в статических полях до 50 кЭ на СКВИД-магнитометре (MPMS-5, Quantum Design) и до 14 кЭ на вибрационном магнитометре. Для измерения магнитострикции  $\lambda$  и электрической поляризации  $\Delta P$  в импульсном магнитном поле на перпендикулярные к направлению измерения грани исследуемого образца наносились электроды из эпоксидной смолы с проводящим наполнителем (при измерении  $\Delta P$ ) или наклеивался пьезодатчик из монокристаллической кварцевой пластинки, реагирующей на деформацию только в одном направлении (направление измерения магнитострикции  $\lambda(H)$ ). Заряд, возникающий на образце вследствие магнитоэлектрического эффекта или на кварцевом пьезодатчике вследствие магнитострикционной деформации образца, через электрометр подавался на аналого-цифровой преобразователь. При используемых длительностях импульса магнитного поля ( $t_p \sim 10^{-2}$  с) время стекания заряда с образца на два-три порядка превышало время измерения, что обеспечивало надежность полученных результатов. Более подробно методика измерений в импульсных полях описана в работе [16]. Сравнение зависимостей намагниченности  $M(H)$  и поляризации  $\Delta P(H)$ , измеренных статическими методами с

помощью СКВИД-магнитометра и в импульсных магнитных полях, показало практически полное (за исключением ширины гистерезиса) совпадение кривых в пределах погрешностей экспериментов, что свидетельствует о малой величине магнитокалорического эффекта и несущественности релаксационных (нестационарных) процессов в импульсных полях для исследованных составов.

**3.** На рис. 1 приведены температурные зависимости магнитной восприимчивости соединений вдоль оси с ( $\chi_c$ ) и перпендикулярно ей ( $\chi_a$ ), а также криевые намагничивания вдоль оси с (на вставке). В ферроборате тербия, в котором ион  $\text{Tb}^{3+}$  является сильноанизотропным изинговским ионом (соответствующие  $g$ -факторы  $g_x = g_y \approx 0$ ,  $g_z = 17.5\text{--}17.8$  [12]) спины ионов  $\text{Fe}^{3+}$  при  $T < T_N = 40$  К под влиянием обмена  $\text{Tb}-\text{Fe}$  ориентируются так же, как ионы  $\text{Tb}^{3+}$  вдоль тригональной оси с. Измерения температурной зависимости магнитной восприимчивости в постоянном магнитном поле, приложенном вдоль оси с кристалла, показало, что  $\chi_c(T)$  при охлаждении от 300 К до  $T_N$  возрастает гиперболически, а при  $T < T_N$  резко уменьшается, обращаясь практически в нуль при 2 К (рис. 1а). Восприимчивость  $\chi_a$  значительно меньше  $\chi_c$  при всех температурах, кро-



**Рис. 2.** Зависимости магнитострикции вдоль оси *a* (*a*) и электрической поляризации вдоль оси *b* (*b*) от магнитного поля вдоль оси *c* при  $T = 4.2$  К в  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  (кривые 1) и  $\text{Tb}_{0.25}\text{Er}_{0.75}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  (кривые 2)

ме самых низких, и плавно меняется с изменением температуры. Наблюдаемое поведение восприимчивости полностью подтверждает изинговский характер иона  $\text{Tb}^{3+}$  при низких температурах и согласуется с данными работ [12, 13]. Значительное уменьшение  $\chi_c(T)$  при  $T < T_N$  обусловлено, по-видимому, обменным расщеплением основного квазидублета иона  $\text{Tb}^{3+}$  при антиферромагнитном упорядочении спинов ионов  $\text{Fe}^{3+}$ , вызывающем антипараллельную (антиферромагнитную) поляризацию ионов  $\text{Tb}^{3+}$  в соответствующих подрешетках.

На кривых намагничивания ферробората тербия вдоль оси *c*,  $M_c(H_c)$ , (см. вставку на рис. 1*a*) наблюдаются резкие скачки намагниченности, соответствующие опрокидыванию спинов  $\text{Fe}^{3+}$  в базисную плоскость, что сопровождается перемагничиванием магнитных моментов  $\text{Tb}^{3+}$  [12, 13]. Величина поля перехода составляет около 35 кЭ при температуре 2 К и растет с увеличением температуры.

Перейдем к рассмотрению свойств монокристалла замещенного состава  $\text{Tb}_{0.25}\text{Er}_{0.75}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$ . Как видно из рис. 1*b*, кривая магнитной восприимчивости вдоль оси *c* вблизи  $T_N \approx 40$  К имеет небольшой излом, а затем при  $T < T_N$  магнитная восприимчивость сильно уменьшается, что характерно для одноосных ферроборатов празеодима, тербия и диспрозия [6, 12–14]. Следовательно, для состава  $\text{Tb}_{0.25}\text{Er}_{0.75}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  вклад в одноосную анизотропию от тербия превалирует над вкладом в легкоплоскостную анизотропию от эрбия и соединение остается одноосным во всем температурном интервале ниже  $T_N$ . Сделанный вывод об одноосности заме-

щенного кристалла подтверждается кривыми намагничивания  $M_c(H_c)$ , измеренными в магнитном поле  $H_c$ , на которых наблюдаются скачкообразные изменения при спин-флоп-переходе (вставка к рис. 1*b*). По сравнению с  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  намагниченность в полях, больших поля спин-флоп-перехода, уменьшилась практически в четыре раза пропорционально содержанию ионов  $\text{Tb}^{3+}$  (25 %), что свидетельствует об очень малом вкладе подсистемы эрбия в  $M_c$ .

При спин-флоп-переходе в поле  $H_c$  обнаруживаются также аномалии магнитострикции (рис. 2*a*) и электрической поляризации (рис. 2*b*) в обоих ферроборатах, причем величины соответствующих пороговых полей  $H_{sf}$  хорошо коррелируют с данными магнитных измерений. Зависимости  $H_{sf}(T)$ , полученные из измерения магнитных, магнитоэлектрических свойств и магнитострикций для обоих составов, приведены на рис. 3. Из сравнения фазовых диаграмм  $H_{sf}(T)$  для обоих составов видно, что пороговые поля у эрбий-замещенного ферробората тербия существенно меньше, чем у чистого  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  из-за вклада в анизотропию от легкоплоскостных ионов  $\text{Er}^{3+}$ . Наклон кривых  $H_{sf}(T)$  для замещенного состава также меньше, чем для  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$ , что указывает на тенденцию к переходу в легкоплоскостное состояние, однако для данной концентрации эрбия ( $x = 0.75$ ) спонтанная переориентация спинов от оси *c* к базисной плоскости не реализуется.

**4.** Для описания наблюдаемых магнитных свойств ферроборатов  $\text{Tb}_{1-x}\text{Er}_x\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  необходимо учесть вклад в термодинамический потенциал не только антиферромагнитной Fe-подсистемы,

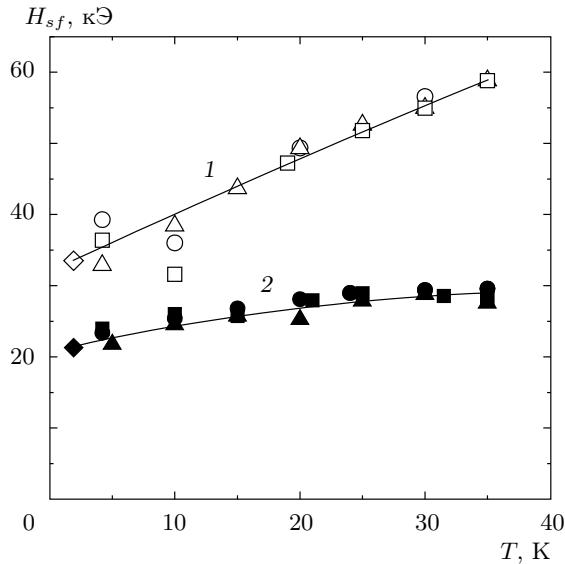


Рис. 3. Температурные зависимости порогового поля спин-флоп-перехода в  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  (1) и  $\text{Tb}_{0.25}\text{Er}_{0.75}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  (2), полученные из измерений намагниченности ( $\circ, \bullet$  — импульсные поля,  $\diamond, \blacklozenge$  — СКВИД-магнетометр), магнитострикции ( $\Delta, \blacktriangle$ ) и электрической поляризации ( $\square, \blacksquare$ )

но и парамагнитных редкоземельных ионов обоих типов, находящихся во внешнем магнитном поле  $\mathbf{H}$ , в обменном поле спинов ионов железа, а также в кристаллическом поле. Поскольку взаимодействием редкоземельных ионов между собой можно пренебречь вплоть до самых низких температур (около 1 К), они будут давать аддитивный вклад в полный термодинамический потенциал системы, который можно представить в виде

$$\Phi(\mathbf{l}, \mathbf{H}) = -\frac{1}{2}\chi_{\perp}^{\text{Fe}}\mathbf{H}^2 + (\chi_{\perp}^{\text{Fe}} - \chi_{\parallel}^{\text{Fe}})(\mathbf{H} \cdot \mathbf{l})^2 + \frac{1}{2}K_{\text{Fe}}l_z^2 - \frac{1}{2}(1-x)Nk_B T \sum_{\alpha=\pm} \ln \left[ 2 \operatorname{ch} \left( \frac{\Delta_{\alpha}^{\text{Fe}}}{k_B T} \right) \right] - \frac{1}{2}xNk_B T \sum_{\alpha=\pm} \ln \left[ 2 \operatorname{ch} \left( \frac{\Delta_{\alpha}^{\text{Er}}}{k_B T} \right) \right], \quad (1)$$

где первые три слагаемых определяют вклад антиферромагнитно-упорядоченной Fe-подсистемы, а последние два — редкоземельных ионов  $\text{Tb}^{3+}$  и  $\text{Er}^{3+}$ , которые рассматриваются в однодублетном приближении;  $\mathbf{l} = (l_{\perp}, l_z)$  — безразмерный вектор антиферромагнетизма ионов железа;  $\chi_{\perp}^{\text{Fe}}$ ,  $\chi_{\parallel}^{\text{Fe}}$  и  $K_{\text{Fe}} > 0$  — соответственно поперечная и продольная восприимчивости и константа одноосной анизотропии Fe-подсистемы;  $2\Delta_{\text{Tb}}^{\pm}$  и  $2\Delta_{\text{Er}}^{\pm}$  — расщепления основного дублета ионов  $\text{Tb}^{3+}$  и  $\text{Er}^{3+}$ :

$$\begin{aligned} \Delta_{\text{Tb}}^{\pm} &= \mu_{\text{Tb}}^z H_z \pm \Delta_{\text{Tb}}^z l_z, \\ \Delta_{\text{Er}}^{\pm} &= \sqrt{(\mu_{\text{Er}}^z H_z \pm \Delta_{\text{Er}}^z l_z)^2 + (\mu_{\text{Er}}^{\perp} H_{\perp} \pm \Delta_{\text{Er}}^{\perp} l_{\perp})^2}, \end{aligned} \quad (2)$$

$\mu_{\text{Tb}, \text{Er}}$  и  $\mu_{\text{Er}}^{\perp}$  — магнитные моменты ионов вдоль оси  $z$  ( $c$ ) и перпендикулярно ей,  $2\Delta_{\text{Tb}, \text{Er}}^z$  и  $2\Delta_{\text{Er}}^{\perp}$  — обменные расщепления основного дублета ионов R соответственно в одноосном и легкоплоскостном состояниях спинов Fe-подсистемы, знаки « $\pm$ » относятся к двум R-подрешеткам,  $N$  — общее число ионов R.

Проанализируем сначала поведение чистого  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  ( $x = 0$ ) в магнитном поле  $H_c$ . При  $T \rightarrow 0$  ( $\chi_{\parallel}^{\text{Fe}} \rightarrow 0$ ) термодинамический потенциал системы равен

$$\Phi(\mathbf{l}, \mathbf{H}) = -\frac{1}{2}\chi_{\perp}^{\text{Fe}} [\mathbf{H}^2 - (\mathbf{H} \cdot \mathbf{l})^2] + \frac{1}{2}K_{\text{Fe}}l_z^2 - \frac{1}{2}N(|\mu_{\text{Tb}}^z H_z + \Delta_{\text{Tb}}^z l_z| + |\mu_{\text{Tb}}^z H_z - \Delta_{\text{Tb}}^z l_z|). \quad (3)$$

Из условия равенства потенциалов системы в одноосном ( $l_z = 1$ ) и легкоплоскостном ( $l_{\perp} = 1$ ) состояниях для поля  $H_{sf}$  спин-флоп-перехода получим

$$\begin{aligned} H_{sf} &= \sqrt{\left( \frac{N\mu_{\text{Tb}}^z}{\chi_{\perp}^{\text{Fe}}} \right)^2 + \frac{2N\Delta_{\text{Tb}}^z - K_{\text{Fe}}}{\chi_{\perp}^{\text{Fe}}} - \frac{N\mu_{\text{Tb}}^z}{\chi_{\perp}^{\text{Fe}}} \approx} \\ &\approx \frac{\Delta_{\text{Tb}}^z}{\mu_{\text{Tb}}^z} \left( 1 - \frac{K_{\text{Fe}}}{2N\Delta_{\text{Tb}}^z} \right). \end{aligned} \quad (4)$$

Здесь мы учли, что  $\chi_{\perp}^{\text{Fe}} H_{sf}^2 \ll 2N\Delta_{\text{Tb}}^z$  ( $\chi_{\perp}^{\text{Fe}} \approx 1.25 \cdot 10^{-4} \text{ см}^3/\text{г}$  в  $\text{YFe}_3(\text{BO}_3)_4$  [15] и  $2\Delta_{\text{Tb}}^z \approx 30 \text{ см}^{-1}$  [12]). Кроме того, принимая во внимание небольшую величину константы анизотропии  $K_{\text{Fe}} \approx 2.9 \cdot 10^5 \text{ эрг/г}$  ( $1.2 \text{ см}^{-1}/\text{форм. ед.}$ ) [6, 17] по сравнению с обменным расщеплением основного дублета иона  $\text{Tb}^{3+}$ , можно сделать вывод о том, что поле спин-флоп-перехода при низких температурах близко к полю обменного расщепления  $H_{sf} \approx \Delta_{\text{Tb}}^z / \mu_{\text{Tb}}^z \approx 35 \text{ кЭ}$ , где  $\mu_{\text{Tb}}^z \approx (8.6-8.8)\mu_B$ , т. е. опрокидывание спинов ионов железа происходит вблизи поля перемагничивания Tb-подрешетки, намагниченность которой направлена против внешнего поля.

При высоких температурах ( $\Delta_{\text{Tb}}^{\pm} \ll k_B T$ ) выражение для термодинамического потенциала упрощается:

$$\Phi(\mathbf{l}, \mathbf{H}) = -\frac{1}{2}\chi_{\perp}^{\text{Fe}}\mathbf{H}^2 + (\chi_{\perp}^{\text{Fe}} - \chi_{\parallel}^{\text{Fe}})(\mathbf{H} \cdot \mathbf{l})^2 + \frac{1}{2}K_{eff}l_z^2 + \dots, \quad (5)$$

и поле спин-флоп-перехода определяется классическим выражением

$$H_{sf} = \sqrt{-\frac{K_{eff}}{\chi_{\perp}^{Fe} - \chi_{\parallel}^{Fe}}}, \quad (6)$$

где  $K_{eff} = K_{Fe} - N(\Delta_{Tb}^z)^2/k_B T < 0$  — эффективная константа анизотропии, стабилизирующая односочную фазу за счет обменного расщепления дублета иона  $Tb^{3+}$ . Наблюдаемый рост порогового поля при возрастании температуры (см. рис. 3) обусловлен уменьшением разности восприимчивостей  $\chi_{\perp}^{Fe} - \chi_{\parallel}^{Fe}$ .

Обратимся теперь к замещенной системе  $Tb_{1-x}Er_xFe_3(BO_3)_4$ . В высокотемпературном приближении поле спин-флоп-перехода также определяется выражением (6) с перенормированной константой анизотропии

$$K_{eff} = K_{Fe} - \frac{N}{k_B T} [(1-x)(\Delta_{Tb}^z)^2 - x(\Delta_{Er}^{\perp})^2 - (\Delta_{Er}^z)^2].$$

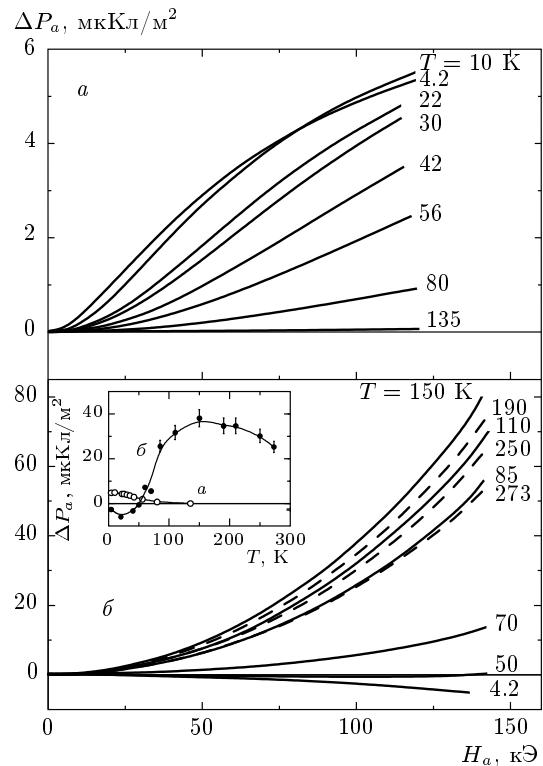
Абсолютные величины как  $K_{eff}$ , так и порогового поля  $H_{sf}$  уменьшаются за счет анизотропии обменного расщепления основного дублета иона  $Er^{3+}$ , величина которого по данным спектроскопических исследований соединения  $ErFe_3(BO_3)_4$  и других ферроборатов с примесью эрбия [11] составляет  $2\Delta_{Er}^{\perp} \approx 6.2-7.0 \text{ см}^{-1}$  и  $2\Delta_{Er}^z \approx 1.9 \text{ см}^{-1}$ . Это приводит к уменьшению порогового поля более чем на 50 % по сравнению со случаем чистого  $TbFe_3(BO_3)_4$  в согласии с экспериментом (см. рис. 3). При низких температурах для поля спин-флоп-перехода можно получить с учетом неравенств  $\mu_{Er}^z H_{sf}, \Delta_{Er}^z \ll \Delta_{Er}^{\perp}$  выражение аналогичное (4)

$$H_{sf} \approx \frac{N(1-x)\Delta_{Tb}^z - Nx\Delta_{Er}^{\perp} - K_{Fe}/2}{(1-x)N\mu_{Tb}^z}, \quad (7)$$

которое также наглядно демонстрирует заметное уменьшение  $H_{sf}$  за счет  $Er$ -подсистемы.

Таким образом, предложенная простая модель, учитывающая анизотропию обменного расщепления и  $g$ -факторов основных дублетов ионов  $Tb^{3+}$  и  $Er^{3+}$ , позволяет описать наблюдаемые фазовые переходы в системе  $Tb_{1-x}Er_xFe_3(BO_3)_4$  с конкурирующими редкоземельными вкладами.

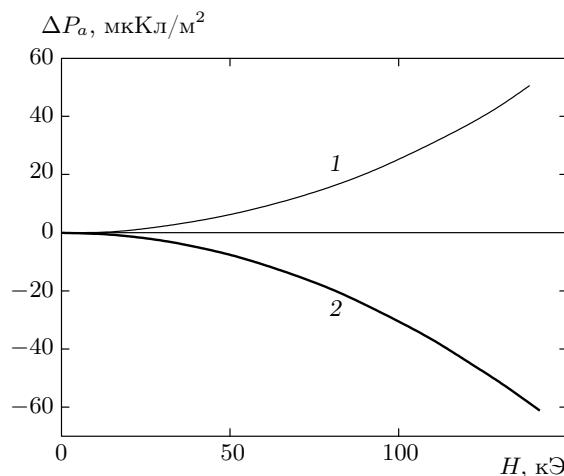
5. Обсудим теперь поведение электрической поляризации. Прежде всего отметим, что статические измерения зависимостей пиротока от температуры при нулевом магнитном поле показали практически полное отсутствие спонтанной поляризации в ферроборатах  $TbFe_3(BO_3)_4$  и  $Tb_{0.25}Er_{0.75}Fe_3(BO_3)_4$ . Величина скачков электрической поляризации в поле  $H_c$  для обоих составов оказалась довольно малой (см. рис. 2б), что не удивительно, поскольку при переходе в спин-флоп-фазу она определяется, согласно феноменологической теории [1, 2], неконтролируемыми



**Рис. 4.** Полевые зависимости продольной электрической поляризации вдоль оси  $a$  в  $Tb_{0.25}Er_{0.75}Fe_3(BO_3)_4$  (а) и  $TbFe_3(BO_3)_4$  (б) при различных температурах. На вставке приведены температурные зависимости поляризации для этих составов при фиксированном магнитном поле  $H = 100 \text{ кЭ}$

в нашем эксперименте небольшими составляющими магнитного поля в плоскости  $ab$ , определяющими ориентацию вектора антиферромагнетизма в этой плоскости (см. также работу [6]).

С этой точки зрения, более информативным является поведение квадратичной по магнитному полулю составляющей поляризации  $P_a$  вдоль оси  $a$  в магнитном поле вдоль оси  $a$ , которое не индуцирует никаких переходов (рис. 4). Как видно на рис. 4б, в  $TbFe_3(BO_3)_4$  поведение поляризации с изменением температуры достаточно сложное: поляризация сравнительно мала и отрицательна при низких температурах в магнитоупорядоченном состоянии. Затем в районе  $T = 50 \text{ K}$  она меняет знак на положительный, увеличивается с ростом температуры до значений примерно  $40 \text{ мКл/м}^2$  в поле  $100 \text{ кЭ}$  при  $T \approx 150 \text{ K}$ , а при дальнейшем увеличении температуры начинает медленно убывать, оставаясь довольно большой вплоть до комнатных температур (см. вставку на рис. 4б). Ве-



**Рис. 5.** Полевые зависимости электрической поляризации  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  вдоль оси  $a$  для направлений магнитного поля по осям  $a$  (кривая 1) и  $b$  (кривая 2), иллюстрирующие изменение знака поляризации при повороте магнитного поля на  $90^\circ$ ;  $T = 273$  K

личина квадратичного магнитоэлектрического эффекта при комнатных температурах составляет примерно  $\pm 3 \cdot 10^{-3}$  мкКл/м $^2$ ·кЭ $^2$  ( $5 \cdot 10^{-19}$  с/A), что превышает величины квадратичных эффектов, наблюдавшихся в высокотемпературном мультиферрите феррите висмута ( $> 10^{-19}$  с/A) [18] и может представлять интерес для практических приложений, таких как создание устройств магнитной электроники и магнитной памяти. Температурная зависимость поляризации указывает на существенный вклад Tb-подсистемы в  $P_a$ , который при низких температурах определяется малыми ванфлековскими поправками к намагниченности ионов  $\text{Tb}^{3+}$  перпендикулярно изинговской ( $c$ ) оси, а с ростом температуры по мере заселения возбужденных состояний  $\text{Tb}^{3+}$  в кристаллическом поле их вклад меняет знак поляризации и заметно возрастает.

Симметрийное рассмотрение [2] предсказывает наличие квадратичных по магнитному полю вкладов в поляризацию вдоль оси  $a$ :

$$\begin{aligned} \Delta P_a &= c(M_a H_a - M_b H_b) + \dots = \\ &= c_1(H_a^2 - H_b^2) + \dots \quad (8) \end{aligned}$$

В отличие от слагаемых вида  $l_i l_j$ , эти вклады существуют и при температурах, много больших температуры магнитного упорядочения подсистемы железа ( $T_N \approx 40$  K). Как следует из формулы (8), квадратичный вклад меняет знак при изменении направления поля на  $90^\circ$  (от оси  $a$  к оси  $b$ ), не меняясь при

этом по модулю, что действительно наблюдалось в нашем эксперименте (рис. 5).

В замещенной системе  $\text{Tb}_{0.25}\text{Er}_{0.75}\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  поведение поляризации  $\Delta P_a(H_a, T)$  становится качественно иным (рис. 4a): она уменьшается почти на порядок величины и не меняет знака, монотонно убывая с ростом температуры. Это свидетельствует о качественно различных вкладах редкоземельных ионов в электрическую поляризацию, обусловленных, видимо, особенностями их электронной структуры и спектра в кристаллическом поле.

**6.** Таким образом, проведенные исследования ферроборатов сложных составов  $\text{Tb}_{1-x}\text{Er}_x\text{Fe}_3(\text{BO}_3)_4$  с конкурирующими обменными взаимодействиями Tb–Fe и Er–Fe показывают, что магнитная анизотропия, поле фазового спин-флоп-перехода, а также величина намагниченности вдоль оси  $c$  определяются конкуренцией обменных анизотропных R–Fe-вкладов и  $g$ -факторов от легкоосной (Tb) и легкоплоскостной (Er) подсистем. Предложенная простая модель, учитывающая эти особенности основного состояния ионов  $\text{Tb}^{3+}$  и  $\text{Er}^{3+}$ , позволяет описать наблюдаемые свойства и фазовые переходы. Установлено, что магнитоэлектрические и магнитострикционные аномалии при переходе типа спин-флоп определяются в основном Tb-подсистемой. Обнаружено, что Tb-подсистема дает немонотонный вклад в поляризацию  $P_a(H_a, T)$ , которая меняет знак и возрастает с ростом температуры за счет вклада возбужденных состояний иона  $\text{Tb}^{3+}$ . Наблюдающийся при комнатных температурах в  $\text{TbFe}_3(\text{BO}_3)_4$  квадратичный магнитоэлектрический эффект ( $5 \cdot 10^{-19}$  с/A), знак которого изменяется при повороте магнитного поля на  $90^\circ$ , может представлять практический интерес для приложений.

Работа выполнена при финансовой поддержке РФФИ (грант № 07-02-00580).

## ЛИТЕРАТУРА

1. А. К. Звездин, С. С. Кротов, А. М. Кадомцева и др., Письма в ЖЭТФ **81**, 335 (2005).
2. А. К. Звездин, Г. П. Воробьев, А. М. Кадомцева и др., Письма в ЖЭТФ **83**, 600 (2006).
3. F. Yen, B. Lorenz, Y. Y. Sun et al., Phys. Rev. B **73**, 054435 (2006).
4. А. Н. Васильев, Е. А. Попова, ФНТ **32**, 968 (2006).

5. А. М. Кадомцева А. К. Звездин, А. П. Пятаков и др., ЖЭТФ **132**, 134 (2007).
6. А. М. Кадомцева, Ю. Ф. Попов, Г. П. Воробьев и др., Письма в ЖЭТФ **87**, 45 (2008).
7. Е. А. Попова, Н. Тристан, Х. Хесс и др., ЖЭТФ **132**, 121 (2006).
8. P. Fisher, V. Pomjakushin, D. Sheptykov et al., J. Phys.: Condens. Matter **18**, 7975 (2006).
9. M. N. Popova, E. P. Chukalina, T. N. Stanislavchuk et al., Phys. Rev. B **75**, 224435 (2007).
10. Д. В. Волков, А. А. Демидов, Н. П. Колмакова, ЖЭТФ **131**, 1030 (2007).
11. Е. А. Попова, Е. П. Чукалина, Т. Н. Станиславчук, and L. N. Безматерных, J. Magn. Magn. Mat. **300**, 440 (2006).
12. E. A. Popova, D. V. Volkov, A. N. Vasiliev et al., Phys. Rev. B **75**, 224413 (2007).
13. C. Ritter, A. Balaev, A. Vorotynov et al., J. Phys.: Condens. Matter **19**, 196227 (2007).
14. E. A. Popova, N. Tristan, A. N. Vasiliev et al., Eur. Phys. J. B **62**, 123 (2008).
15. Л. Н. Безматерных, С. А. Харламова, В. Л. Темиров, Кристаллография **49**, 544 (2004).
16. А. М. Кадомцева, Ю. Ф. Попов, Г. П. Воробьев и др., ЖЭТФ **133**, 156 (2008).
17. V. Yu. Ivanov, A. A. Mukhin, A. M. Kuzmenko et al., in *Abstracts of Int. Conf. «Functional Materials» ICFM-2007*, Ukraine, Crimea, Partenit, October 1–6 (2007), p. 207.
18. C. Tabares-Munoz, J.-P. Rivera, A. Bezinges et al., Jpn. J. Appl. Phys. **24** (Suppl. 2), 1051 (1985).