ОПТИКА И СПЕКТРОСКОПИЯ, 2013, том 115, № 5, с. 747-752

СПЕКТРОСКОПИЯ КОНДЕНСИРОВАННОГО СОСТОЯНИЯ

УДК 535.5; 53.082.5; 681.7

ОПТИЧЕСКИЕ СВОЙСТВА НАНОСТРУКТУРИРОВАННЫХ МЕТАЛЛ-ДИЭЛЕКТРИЧЕСКИХ ДВУМЕРНЫХ ФОТОННЫХ КРИСТАЛЛОВ С ДЕФЕКТОМ РЕШЕТКИ

© 2013 г. Н. В. Рудакова*, И. В. Тимофеев**, С. Я. Ветров*

* Сибирский федеральный университет, 660074 Красноярск, Россия ** Институт физики им. Л.В. Киренского Сибирского отделения РАН, 660036 Красноярск, Россия

е-таil: atrum528@mail.ru, tiv@iph.krasn.ru

Поступила в редакцию 25.01.2013 г. В окончательной редакции 04.03.2013 г.

Исследованы оптические свойства организованных на основе нанокомпозита двумерных фотонных кристаллов с линейным дефектом решетки. Нанокомпозит состоит из металлических наношаров, диспергированных в прозрачной матрице, и характеризуется эффективной резонансной диэлектрической проницаемостью. Решена задача расчета спектра пропускания волн *s*-поляризации при наклонном падении света. Изучено спектральное проявление расщепления дефектной моды при совпадении ее частоты с резонансной частотой нанокомпозита. Установлена существенная зависимость расщепления от угла падения и концентрации металлических наношаров в матрице нанокомпозита. Проанализированы особенности пространственного распределения интенсивности электрического поля в дефектных модах кристаллов.

DOI: 10.7868/S0030403413110202

введение

Фотонные кристаллы (ФК), диэлектрические свойства которых меняются периодически с периодом, допускающим брэгговскую дифракцию света, вызывают интерес как новые оптические материалы с уникальными свойствами [1-3]. Важным свойством ФК является локализация электромагнитных волн на дефектах структуры [4-7]. В этом случае в запрещенных зонах (33) ФК проявляются дополнительные разрешенные уровни, соответствующие локализованным дефектным модам. Положением и коэффициентом пропускания дефектных мод можно эффективно управлять, варьируя геометрические и структурные параметры ФК. На основе ФК с дефектными модами созданы новые типы фотонно-кристаллических волноводов [8], нанорезонаторы с высокой добротностью и низкопороговые лазеры [9], предложены способы повышения эффективности нелинейно-оптических процессов [10, 11]. Большой интерес представляют композитные среды с наночастицами металлов при создании наноструктурированных металл-диэлектрических ФК и создании на их основе новых способов управления светом [12]. В нанокомпозите, состоящем из металлических наночастиц, взвешенных в прозрачной матрице, предсказано возникновение резонанса эффективной диэлектрической проницаемости [13, 14], при этом оптические характеристики исходных материалов резонансных особенностей не имеют. Положение резонанса,

который лежит в области видимого света, зависит от диэлектрической проницаемости исходных материалов, концентрации и формы наночастиц.

В настоящей работе с помощью модифицированного метода трансфер-матрицы [15] исследуются спектральные свойства и пространственное распределение интенсивности электрического поля в дефектных модах двумерных ФК, организованных на основе нанокомпозита. Нанокомпозит состоит из металлических наночастиц, диспергированных в прозрачной матрице, и характеризуется эффективной резонансной диэлектрической проницаемостью $\varepsilon_{mix}(\omega)$.

ОПИСАНИЕ МОДЕЛИ

Рассмотрим, как и в [15, 16], резонансные фотонные кристаллы (РФК) двух типов, имеющие форму пластины, которая неограничена в двух направлениях, имеет конечную толщину и находится в вакууме. Резонансные ФК типа (а) состоят из бесконечных цилиндрических отверстий, образующих квадратную решетку в нанокомпозитной матрице. Линейный дефект создан заполнением нанокомпозитом среднего ряда цилиндров (рис. 1а). Структурными элементами кристалла типа (б) являются нанокомпозитные цилиндры, образующие квадратную решетку в воздухе ($\varepsilon = 1$). Линейный дефект создан удалением среднего ряда цилиндров (рис. 16). Нанокомпозит состоит из сферических наночастиц сереб-



Рис. 1. Схема двумерной ФК-структуры с дефектным слоем, состоящей из семи рядов. d – период решетки, θ – угол падения (вид сверху), (а) цилиндрические отверстия образуют квадратную решетку в нанокомпозитной матрице, дефект создан заполнением нанокомпозитом среднего ряда цилиндрических отверстий, (б) нанокомпозитные цилиндры образуют квадратную решетку в воздухе ($\varepsilon = 1$), дефект создан удалением среднего ряда цилиндров.

ра, распределенных случайным образом в прозрачной диэлектрической матрице. Будем считать, что ось цилиндров перпендикулярна плоскости xy и параллельна оси z, а центры сечений цилиндров плоскостью xy образуют квадратную решетку. Волны *s*-поляризации распространяются в плоскости xy под углом θ к оси x.

При расчете использовались, как и в [15], следующие параметры для серебра: $\varepsilon_0 = 5$, $\omega_p = 9$ эВ, $\gamma = 0.02$ эВ. Для матрицы $\varepsilon_d = 9$, период структуры ФК d = 150 нм, толщина пластинки L = 7d, фактор заполнения нанокомпозитом определяется выражением $F = \pi r^2/d^2 = 0.5$, где r – радиус цилиндра.

Диэлектрическая проницаемость ε_{mix} определяется формулой Максвелла-Гарнетта, широко применяемой при рассмотрении матричных сред, когда в материале матрицы диспергированы изолированные включения малой объемной доли [13, 17, 18]:

$$\varepsilon_{\rm mix} = \varepsilon_d \left[1 + \frac{f}{(1-f)/3 + \varepsilon_d/(\varepsilon_m - \varepsilon_d)} \right], \qquad (1)$$

где f — фактор заполнения, т.е. доля наночастиц в матрице, $\varepsilon_m(\omega)$ и ε_d — диэлектрические проницаемости металла, из которого изготовлены наночастицы и матрицы соответственно, ω — частота излучения. Размер наночастиц значительно меньше длины волны и глубины проникновения поля в материал. Диэлектрическую проницаемость металла, из которого изготовлены наночастицы, найдем, используя приближение Друде:

$$\varepsilon_m(\omega) = \varepsilon_0 - \omega_p^2 / \omega (\omega + i\gamma),$$
 (2)

где ε_0 — постоянная, учитывающая вклады межзонных переходов связанных электронов, ω_p плазменная частота, γ — величина, обратная времени релаксации электронов.

Функция $\varepsilon_{mix}(\omega)$ является комплексной:

$$\varepsilon_{\min}(\omega) = \varepsilon'_{\min}(\omega) + i\varepsilon''_{\min}(\omega)$$

Пренебрегая малым фактором γ^2 , находим положение плазмонной резонансной частоты, зависящее от характеристик исходных материалов и концентрации диспергированной фазы *f*:

$$\omega_0 = \omega_p \sqrt{(1-f)/[3\varepsilon_d + (1-f)(\varepsilon_0 - \varepsilon_d)]}.$$
 (3)

В точке $\omega = \omega_0$ функция $\varepsilon'_{mix}(\omega)$ обращается в нуль, а $\varepsilon''_{mix}(\omega)$ принимает максимальное значение. Функция $\varepsilon'_{mix}(\omega)$ обращается в нуль и в точке

$$\omega_{1} = \omega_{p} \sqrt{(1+2f)/[\varepsilon_{0}+2\varepsilon_{d}+2f(\varepsilon_{0}-\varepsilon_{d})]}.$$
 (4)

На промежутке $[\omega_0, \omega_1]$ функция є'_{mix} $(\omega) < 0$, т.е. в этой области частот нанокомпозит подобен металлу.

Двумерные ФК с линейными дефектами обоих типов (рис. 1) изготавливают, используя технику электронно-лучевой литографии [19, 20]. Периодический массив из цилиндрических отверстий обычно протравливают в полупроводниковом слое с периодом, который лежит в интервале 0.6– 1.2 мкм. В настоящее время наибольший интерес представляют ФК, для которых фотонная 33 лежит в видимой ($\lambda = 400-700$ нм) или в ближней ИК ($\lambda = 1-1.5$ мкм) областях [21]. Двумерные ФК, изготовленные на основе наноканальных стеклянных пластин, позволили реализовать 33 в спектральной области от 500 до 600 нм [22]. Мат-

ОПТИКА И СПЕКТРОСКОПИЯ том 115 № 5 2013



Рис. 2. Коэффициент пропускания как функция частоты для кристалла типа (а) для угла падения $\theta = 0$: ФК без дефекта, f = 0 (штрихпунктирная линия); ФК с дефектом, f = 0 (сплошная линия). Расщепление дефектной моды при f = 0.005 (штриховая линия) и f = 0.01 (пунктирная линия).

рицей нанокомпозита, на основе которой организованы рассматриваемые нами ФК, может быть оптическое стекло, в котором диспергированы серебряные наночастицы. В настоящее время существует производство оптических стекол, прозрачных в видимой и ИК областях, с показателями преломления, варьируемыми в широком интервале. Нанокомпозит из стекла и серебряных наночастиц может быть приготовлен по технологии, описанной в [23].

РЕЗУЛЬТАТЫ РАСЧЕТОВ И ИХ ОБСУЖДЕНИЕ

В первую очередь рассмотрим результаты расчета для пластинки двумерного РФК типа (а) (рис. 1а). На рис. 2 представлен спектр пропускания волн *s*-поляризации, падающих на пластинку ФК нормально линейному дефекту структуры. Из рисунка видно, что дефект индуцирует в запрещенной зоне появление полосы пропускания, соответствующей дефектной моде. При совпадении частоты дефектной моды с резонансной частотой нанокомпозита ω_0 возникает расщепление частоты дефектной моды, подобное расщеплению частоты двух связанных осцилляторов, которое увеличивается с ростом концентрации серебряных наношаров в нанокомпозите.

Расчеты показывают, что при увеличении фактора заполнения серебряными частицами от значения 0.005 до 0.02, т.е. в 4 раза, расщепление возрастает в 2 раза и равно 54 нм. Ширина 33 также непрерывно увеличивается с ростом концентрации наношаров в матрице.

Характерная зависимость спектра пропускания от угла падения света θ представлена на рис. 3. С изменением θ возникает расстройка между резонансной частотой ω_0 и частотой де-



Рис. 3. Спектр пропускания для кристалла типа (а) при различных значениях угла падения, f = 0.005: $\theta = 0^{\circ}$ (сплошная линия), 45° (пунктирная линия).

фектной моды. Заметно уменьшается интенсивность в максимуме низкочастотной моды, в то время как интенсивность высокочастотной моды возрастает.

С увеличением угла падения границы 33 сдвигаются в высокочастотную область в соответствии с брэгговским условием. Частоты двух дефектных мод в запрещенной зоне ФК-структуры также смещаются в сторону высоких частот. Такое поведение частот можно понять, если представить дефектную моду ФК-структуры в виде стоячей волны, возникающей в результате отражения от стенок резонатора, образуемого нанодефектом с толщиной W_d . Если к тому же пренебречь частотной зависимостью показателя преломления в области положения пиков пропускания, тогда условие резонанса имеет вид

$$\lambda = 2W_d \sqrt{n^2 - \sin^2 \theta},$$

где *n* — показатель преломления дефектного слоя. Следовательно, с увеличением угла падения частоты мод сдвигаются в высокочастотную область, что и наблюдается при численном моделировании.

При рассмотрении пространственного распределения интенсивности электрического поля показано, что для обеих мод поле локализовано в области дефекта, соизмеримой с длиной волны. На частоте дефектной моды ω_0 при f = 0 и на частотах низкочастотного и высокочастотного пиков при f = 0.005 (рис. 2) характер распределения поля внутри образца практически не отличается (рис. 4). Максимальные значения интенсивности поля на частотах дефектных мод достигаются в междоузлиях вблизи линейного дефекта. Однако максимум интенсивности локализации высокочастотного пика при f = 0.005 уменьшается в 3 раза (рис. 4е) по сравнению с максимумом на частоте дефектной моды (рис. 4б), тогда как мак-



Рис. 4. Пространственное распределение интенсивности, нормированной на интенсивность I_0 падающего излучения для кристалла типа (а): на частоте дефектной моды $\theta = 0, f = 0, a - вид$ сверху, $\delta - вид$ сбоку; на частоте низкочастотного пика расшепленной дефектной моды $\theta = 0, f = 0.005$, в – вид сверху, г – вид сбоку; на частоте высокочастотного пика расшепленной дефектной моды $\theta = 0, f = 0.005, g - вид$ сверху, с – вид сбоку; на частоте высокочастотного пика расшепленной дефектной моды $\theta = 0, f = 0.005, g - вид$ сверху, с – вид сбоку; на частоте высокочастотного пика расшепленной дефектной моды $\theta = 0, f = 0.005, g - вид$ сверху, с – вид сбоку; на частоте высокочастотного пика расшепленной дефектной моды $\theta = 0, f = 0.005, g - вид$ сверху, е – вид сбоку.

симум интенсивности локализации низкочастотного пика уменьшается почти в 2 раза (рис. 4г).

Перейдем к рассмотрению результатов, полученных для образца РФК типа (б) с линейным дефектом в виде удаленного ряда наноцилиндров (рис. 16). Как уже отмечалось [15], спектры про-

пускания конечных идеальных РФК обоих типов в области существования 33 практически не отличаются, если наряду с другими параметрами их фактор заполнения нанокомпозитом F одинаков. На рис. 5а иллюстрируется для примера такое совпадение спектров пропускания для случая, ко-



Рис. 5. Спектры пропускания кристаллов без дефекта (а) и кристаллов с линейным дефектом (б). Пунктирная линия для кристаллов а-типа, сплошная линия для кристаллов б-типа. F = 0.5, f = 0.



Рис. 6. Пространственное распределение интенсивности, нормированной на интенсивность I_0 падающего излучения для кристалла типа (б). На частоте дефектной моды $\theta = 0, f = 0, a - вид$ сверху, $\delta - вид$ сбоку.

гда для обоих РФК F = 0.5 и доля наношаров в нанокомпозите f = 0. Однако спектры пропускания кристаллов с дефектами обоих типов, для которых F = 0.5, f = 0 и неизменны прочие параметры, отличаются (рис. 56). Из рисунка видно, что существенно отличаются частоты дефектных мод.

Такое поведение частот можно понять, если представить дефектную моду ФК-структуры в виде стоячей волны, возникающей в результате отражения от одинаковых многослойных зеркал, или другими словами, от стенок резонатора, образуемого нанодефектом с толщиной *W*_d. Условие резонанса при нормальном падении света имеет вид $\lambda = 2W_d n$. Следовательно, частота дефектной моды РФК типа (б) должна быть больше частоты кристалла типа (а), что и подтверждается при численном моделировании. Расчеты показывают, что поведение дефектных мод обоих типов РФК при вариации угла падения и концентрации наношаров в нанокомпозите подобно. Показано также, что для РФК обоих типов поле в дефектных модах локализовано в области дефекта, соизмеримой с длиной волны света. Однако распределения интенсивности электрического поля в РФК разных типов имеют качественные отличия – в кристаллах типа (а) поле локализовано в нанокомпозитной матрице с максимальным значением в междоузлиях вблизи линейного дефекта, тогда как в кристаллах типа (б) – в нанокомпозитных стержнях с максимумом на дефекте (рис. 6). Максимальные значения интенсивности поля в дефектных модах РФК типа (а) превышают интенсивности поля в соответствующих дефектных модах РФК типа (б). Например, из сравнения рис. 4б и 6б видно, что при нормальном падении, концентрации наношаров f = 0 и факторе заполнения F = 0.5 максимальная интенсивность поля в дефектной моде кристалла типа (а) в 2 раза больше, чем в дефектной моде кристалла типа (б).

ЗАКЛЮЧЕНИЕ

Выполнены исследования оптических свойств двумерных РФК двух типов. В одном из них ли-

нейный дефект создан заполнением нанокомпозитом среднего ряда цилиндрических полостей, образующих квадратную решетку в нанокомпозитной матрице. В другом – дефект создан удалением среднего ряда нанокомпозитных цилиндров, образующих квадратную решетку в вакууме. Результаты получены с помощью модифицированного метода трансфер-матрицы. Показано, что расщепление дефектной моды весьма чувствительно к концентрации наночастиц и может достигать 50 нм. Световое поле в дефектных модах локализовано в области, соизмеримой с длиной волны, с максимальным значением интенсивности поля в междоузлиях либо вблизи дефекта, либо на дефекте соответственно для кристаллов типов (а) и (б). Отметим, что двумерные РФК с дефектами структуры, организованные на основе нанокомпозита с диспергированными серебряными наношарами, позволяют работать в видимом диапазоне.

Для получения требуемых спектральных характеристик резонансного ФК могут быть использованы резонансы дефектного слоя, заполненного другими металлическими наношарами, с другими геометрическими размерами ФК-структуры.

Работа выполнена при поддержке грантов: г/к 14.В37.21.0730 по ФЦП "Научные и научно-педагогические кадры инновационной России", № 24.29 Президиума СО РАН, Министерства образования и науки Российской Федерации, соглашение 14.В37.21.0730, ОФН РАН № III.9.5, Президиума РАН № 24.29 и 24.31, СО РАН № 43 и 101.

СПИСОК ЛИТЕРАТУРЫ

- Joannopoulos J.D., Meade R.D., Winn J.N. Photonic Crystals. Princeton: Princeton University Press, 1995. 137 p.
- 2. *Sakoda K.* Optical Properties of Photonic Crystals. Berlin: Springer, 2004.

- 3. *Busch K., Lölkes S., Wehrspohn R.B. et al.* Photonic Crystals: Advances in Design, Fabrication and Characterization. Weinheim: Wiley-VCH, 2004. 354 p.
- 4. John S. // Phys. Rev. Lett. 1987. V. 58. P. 2486.
- Smith D.R., Dalichaouch R., Kroll N. et al. // JOSA. B. 1993. V. 10. P. 314.
- 6. Желтиков А.М., Магницкий С.А., Тарасишин А.В. // ЖЭТФ. 2000. Т. 117. № 4. С. 691.
- 7. Ветров С.Я., Шабанов А.В. // ЖЭТФ. 2001. Т. 120. С. 1126.
- 8. *Желтиков А.М.* // УФН. 2000. Т. 170. С. 1203.
- Painter O., Lee R.K., Scherer A. et al. // Science. 1999. V. 284. P. 1819.
- 10. Мартемьянов М.Г., Долгова Т.В., Федянин А.А. // ЖЭТФ. 2004. Т. 125. № 3. С. 527.
- Долгова Т.В., Майдыковский А.И., Мартемьянов М.Г. и др. // Письма в ЖЭТФ. 2001. Т. 73. № 1. С. 8.
- *Тиходеев С.Г., Гиппиус Н.А.* // УФН. 2009. Т. 179. № 9. С. 1003.
- 13. *Ораевский А.Н., Проценко И.Е.* // Квант. электрон. 2001. Т. 31. № 3. С. 252.
- 14. *Sihvola A*. Electromagnetic Mixing Formulas and Applications. London: Institution of Engineering and Technology, 2008. 284 p.
- 15. Ветров С.Я., Тимофеев И.В., Рудакова Н.В. // Опт. и спектр. 2012. Т. 112. № 4. С. 638.
- Ветров С.Я., Тимофеев И.В., Рудакова Н.В. // ФТТ. 2011. Т. 53. № 1. С. 133.
- Maxwell-Garnett J.C. // Philos. Trans. Roy. Soc. London. 1904. V. 203. P. 385.
- Головань Л.А., Тимошенко В.Ю., Кашкаров П.К. // УФН. 2007. Т. 177. № 6. С. 619.
- Istrate E., Sargent E.H. // Rev. Mod. Phys. 2006. V. 78. P. 455.
- 20. Tokushima M., Yamada M.H., Arakava Y. // Appl. Phys. Lett. 2004. V. 84. P. 4298.
- 21. Toader O., John S. // Science. 2001. V. 292. P. 1133.
- 22. *Lin H.-B., Tonucci R.J., Campillo A.J. //* Opt. Lett. 1998. V. 43. P. 94.
- 23. Wang D., Guo S., Yin S. // Opt. Eng. 2003. V. 42. P. 3585.